

EN3624 – Sistemas de Micro-ondas

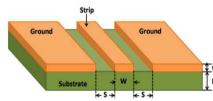
Linhas de Transmissão em Micro-ondas

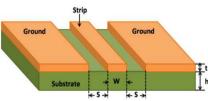


Tipos de Linhas de Transmissão em Micro-ondas

2 ou mais condutores:

- Cabos coaxiais → modo TEM (transversal eletromagnético)
- ➤ Microlinha (*microstrip*) → modo quase-TEM
- > Linha em fita (stripline)
- > Linha coplanar





Condutor único:

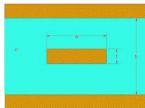
➤ Guias de onda → retangulares e cilíndricos

modos TE e TM

(transversal elétrico /transversal magnético)











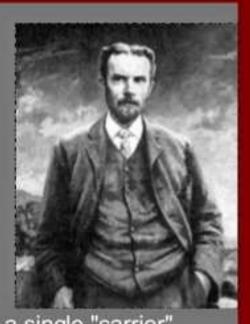
Comparação- Linhas de Transmissão em Micro-ondas

Characteristic	Coax	Waveguide	Stripline	Microstrip
Preferred Mode	TEM	TE ₁₀	TEM	Quasi-TEM
Other Modes	TM, TE	TM, TE	TM, TE	TM, TE
Dispersion	None	Medium	None	Low
Bandwidth	High	Low	High	High
Loss	Medium	Low	High	High
Power Capacity	Medium	High	Low	Low
Physical Size	Large	Real Large	Medium	Small
Fabrication Ease	Medium	Medium	Easy	Real Easy
Component Integration	Hard	Hard	Fair	Easy



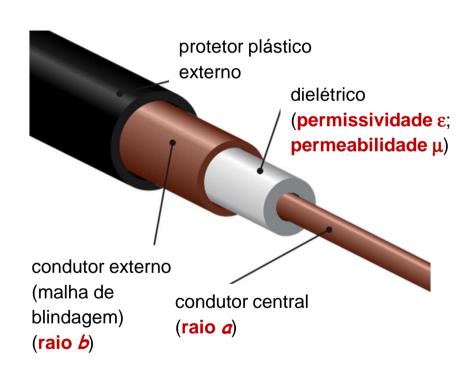
Cabo Coaxial

Coaxial cable was invented by English engineer and mathematician Oliver Heaviside, who patented the design in 1880. the discovery is then fell into obscurity for many years because surely there was nothing to make pass in a coaxial cable !! The real discovery and its actual use dates back to 1929 due to the need for a more efficient and with less interferences conductor for the transmissions of many telephone channels on a single "carrier".





Cabo Coaxial



Indutância distribuída

$$L = \frac{\mu}{2\pi} \ln \left(\frac{b}{a} \right) \qquad \boxed{\text{[H/m]}}$$

Capacitância distribuída

$$C = \frac{2\pi\varepsilon}{\ln\left(\frac{b}{a}\right)}$$
 [F/m]

$$\varepsilon = \varepsilon_r . \varepsilon_0$$
 $\varepsilon_0 = 8,854.10^{-12} \text{ F/m}$

$$\mu = \mu_r \cdot \mu_0$$
 $\mu_0 = 4\pi \cdot 10^{-7} \text{ H/m}$



Cabo Coaxial

Impedância característica (perdas desprezíveis)

$$Z_0 = \sqrt{\frac{L}{C}} = \sqrt{\frac{\mu}{2\pi} \ln(b/a)} / \frac{2\pi\varepsilon}{\ln(b/a)} = \frac{1}{2\pi} \sqrt{\frac{\mu}{\varepsilon}} \ln(b/a)$$



$$Z_0 \approx \frac{60}{\sqrt{\varepsilon_r}} \ln(b/a)$$

 $|Z_0 \approx \frac{60}{\sqrt{\varepsilon_r}} \ln(b/a)|$ $|Z_0|$ independe do comprimento do cabo e da frequência

Valores de b/a razoáveis $\rightarrow \mathbb{Z}_0 \sim 50-200 \Omega$

Nomenclatura

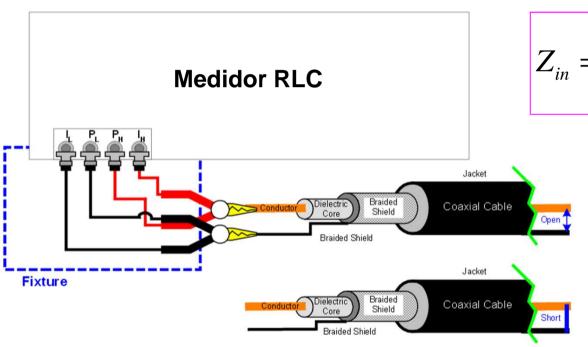
RG-6/U $Z_0 = 75 \Omega$ aplicação: sistemas residenciais (baixa atenuação)

RG58 $Z_0 = 52 \Omega$ aplicação: redes Ethernet

 $Z_0 = 30 \Omega \rightarrow \text{condição de máxima potência transmitida}$



Medida de impedância característica de cabo coaxial



$$Z_{in} = Z_0 \left[\frac{Z_L + jZ_0 tg \beta \ell}{Z_0 + jZ_L tg \beta \ell} \right]$$

Terminação em aberto

$$Z_{aberto} = \frac{Z_0}{jtg\beta\ell}$$

Terminação em curto

$$Z_{curto} = Z_0.jtg\beta\ell$$

Hipóteses:

- cabo sem perdas
- comprimento ℓ nos dois casos

$$Z_0 = \sqrt{Z_{curto}.Z_{aberto}}$$



Medida de impedância característica de cabo coaxial

Limitações do Método de Medida com o Medidor RLC

Complex Equation

$$Zo = \sqrt{\frac{R+ j\omega L}{G+ j\omega C}}$$
 $Zo = \sqrt{Zoc Zsc}$

Resistive Measurement

frequency: f = DC - 100Hz

Zo:
$$Zo = \sqrt{\frac{R}{G}}$$
 $Zo = \sqrt{\frac{R}{\omega C}}$ $Zo = \sqrt{\frac{L}{C}}$

$$Zo = \sqrt{\frac{R}{\omega C}}$$

f = 1kHz f = 100kHz

$$Zo = \sqrt{\frac{L}{C}}$$



Perdas em Cabo Coaxial

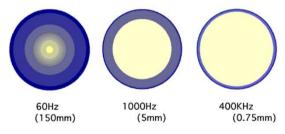
Resistência dos condutores

 σ_c – condutividade do condutor

 $\mu = \mu_r \cdot \mu_0$ – permeabilidade do condutor

$$R = \frac{1}{2\pi\delta_s \sigma_c} \left(\frac{1}{a} + \frac{1}{b} \right) \qquad [\Omega/m]$$

Hipótese: espessura do condutor bem maior que a profundidade de penetração δ_s



Efeito pelicular em condutor

$$\delta_s = \frac{1}{\sqrt{\pi f \mu \sigma_c}} \quad [m]$$

Condutância do dielétrico

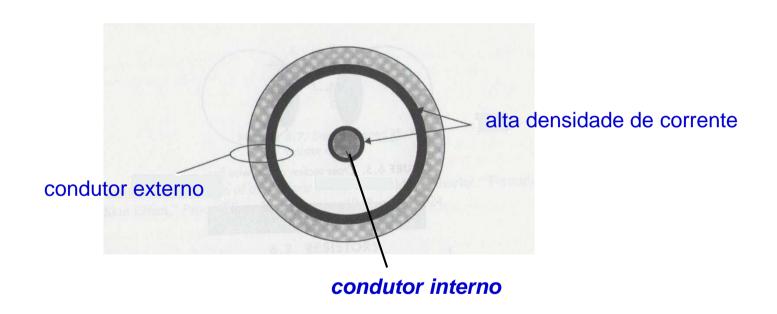
 σ_{d} – condutividade do dielétrico

$$G = \frac{2\pi\sigma_d}{\ln(b/a)}$$

[S/m]



Efeito pelicular em Cabo Coaxial



Campo magnético é mais intenso no espaço entre os condutores ⇒ efeito pelicular ocorre na superfície interna do condutor externo e na superfície externa do condutor interno.



Características de material qualquer

Densidade de Corrente

$$\vec{J} = \sigma \vec{E} + j\omega \varepsilon \vec{E} = \sigma \vec{E} + j\omega (\varepsilon' - j\varepsilon'') \vec{E}$$

condutividade σ permissividade ε

densidade de corrente de deslocamento

$$\vec{J} = (\sigma + \omega \varepsilon'')\vec{E} + j\omega \varepsilon'\vec{E} = \sigma_m \vec{E} + j\omega \varepsilon'\vec{E}$$

$$\vec{J} = j\omega \left(\varepsilon - j\frac{\sigma_m}{\omega}\right)\vec{E} = j\omega\varepsilon_{eq}\vec{E}$$

condutividade dinâmica:

$$\sigma_m = \sigma + \omega \varepsilon$$

varia com a frequência

permissividade complexa:

$$\varepsilon_{eq} = \varepsilon' - j \frac{\sigma_m}{\omega} = \varepsilon' - j \frac{(\sigma + \omega \varepsilon'')}{\omega}$$



Características do material dielétrico

Permissividade dielétrica (complexa)

$$\varepsilon = \varepsilon' - j\varepsilon'' = \varepsilon'_r \varepsilon_0 - j\varepsilon''_r \varepsilon_0$$

> parte real da permissividade

 determina quanto da energia é refletida ou absorvida pelo material

parte imaginária da permissividade:

- leva em conta as perdas por polarização do dielétrico
- mede a eficiência da conversão de micro-ondas em calor

> Tangente de perdas

$$tg\delta = \frac{\varepsilon^{"}}{\varepsilon}$$

- vale para dielétricos de baixas perdas (tgδ<<1)</p>
- $|tg\delta = \frac{\mathcal{E}}{|s|}$ vale para dieletricos de baixas perdas é função da frequência e temperatura

$$\varepsilon = \varepsilon'(1 + jtg\delta)$$



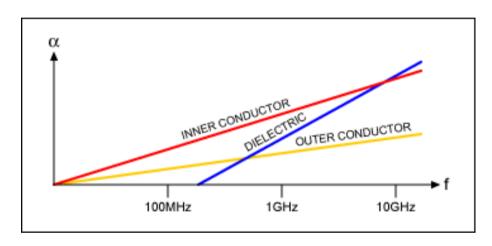
Perdas em materiais dielétricos

Materials		Frequencies (GHz)					
and the same of th	-1/-	1 x 10 ⁸	3 x 10 ⁸	3 x 10 ⁹	1 x 10 ¹⁰	2.5 x 10 ¹⁰	
Ice*	ϵ'/ϵ_0 tan δ^*	-	-	3.20 9.00	3.17 7.00	-	
Phosphate glass	ε'/ε ₀ tan δ	5.24 20.0	5.23 25.0	5.17 46.0	5.00 42.0	4.93 34.0	
Dry clay soil	ϵ'/ϵ_0 tan δ	-	2.55 100	2.55 62.0	2.53 36.0	-	
Bakelite (performed & preheated)	ϵ'/ϵ_0 tan δ	3.95 380	-	3.70 438	3.68 410	3.55 390	
Nylon 66	ϵ'/ϵ_0 tan δ	3.16 210	Ç	3.03 128	-	-	
Nylon 610	$\epsilon'/\epsilon_{_0}$ tan δ	3.00 200	2	2.84 117	-	2.73	
Polyethylene	ϵ'/ϵ_0 tan δ	-	-	2.26 3.10	2.26 3.60	Ξ.	
Polystyrene	ε'/ε _ο tan δ	2.55 <1.00	2.55 3.50	2.55 3.30	2.54 4.30	2.54 12.0	
Natural rubber	ϵ'/ϵ_0 tan δ	2.40 50.0	=	2.15 30.0	-	5	
Paper	ϵ'/ϵ_o tan δ	2.77 660	2.75 660	2.70 560	2.62 403	-	
Water	ε'/ε ₀ tan δ	78.0 50.0	77.5 160	76.7 1570	55.0 5400	34.0 2650	

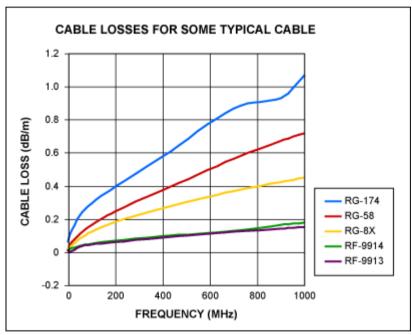
- tg δ multiplicada
 por 10⁴
- > Temperatura do gelo: -12°C
- Temperatura dos outros materiais:25°C



Influência da frequência nas Perdas em Cabo Coaxial



- ➤ Para baixas frequências → perdas nos condutores (devido ao efeito pelicular) são dominantes.
- Para altas frequências dominam as perdas no dielétrico



1dB= 21% de perda na potência do sinal



Características da Propagação TEM em cabo coaxial

> Fator de propagação

$$\gamma = \sqrt{(R + j\omega L)(G + j\omega C)} = \alpha + j\beta$$

> Constante de fase

$$\beta = \frac{2\pi}{\lambda_{g}}$$

$$\lambda_g = \frac{\lambda}{\sqrt{\varepsilon_r \mu_r}}$$

> Constante de atenuação (baixas perdas)

$$\alpha = \alpha_c + \alpha_d \approx \frac{R}{2Z_0} + \frac{G.Z_0}{2}$$

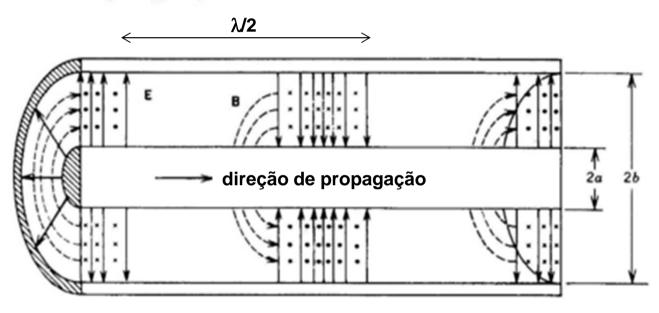
Velocidade de propagação
 (sem perdas, dielétrico não magnético)

$$c=3.10^8 \, m/s$$

$$v_p = \frac{\omega}{\beta} = \frac{1}{\sqrt{\mu \varepsilon}} = \frac{c}{\sqrt{\varepsilon_r}}$$



Propagação TEM em cabo coaxial

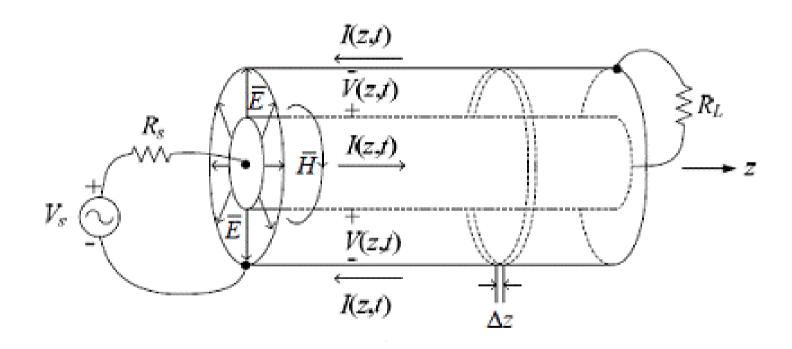


TEM – modo transversal eletromagnético \rightarrow campo elétrico e magnético são perpendiculares entre si e não contêm componentes na direção de propagação. Campo \vec{E} \rightarrow radial . Magnitude varia periodicamente na direção longitudinal, de acordo com λ

Campo $\vec{B} \rightarrow$ linhas circulares entre o condutor interno e o externo



Distribuição de tensão e corrente em cabo coaxial



Estrutura blindada → campo elétrico externo é (idealmente) nulo



Cálculos dos modos de propagação em linhas de transmissão

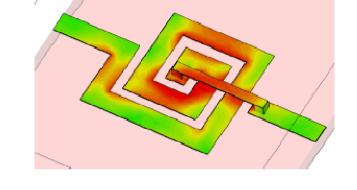
- Equações de Maxwell
- Estruturas uniformes em um dos eixos ao longo do qual ocorre a propagação das ondas EM (Ex: eixo z, dependência em e^{-jβz})
- Campos elétrico e magnético harmônicos (senoidais→ dependência em ejot) transversais entre si
- Não há densidade de carga (ρ=0)
- Aplicação das condições de fronteira (valores dos campos vetoriais nas interfaces entre diferentes materiais dielétricos e condutores)
- * Modo TEM \rightarrow E_z=H_z=0 existe quando há dois ou mais condutores, a partir de frequência nula (DC).
- **♦ Modos TE** → E_z =0; H_z ≠0 e Modos TM→ E_z ≠0; H_z =0

ocorrem em guia condutor fechado e também com dois ou mais condutores, a partir da frequência de corte correspondente.



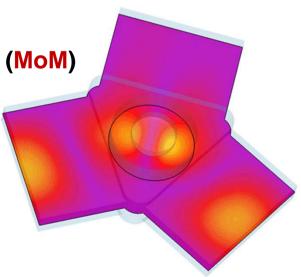
Resolução das equações de Maxwell por métodos numéricos

- > Método das diferenças finitas
 - FDTD (finite difference time domain)
 - TLM (transmission line matrix)
- Método dos elementos finitos (FEM)

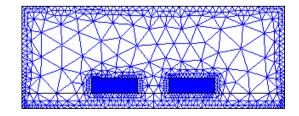


- Métodos híbridos
- Método dos Momentos (MoM)
- Domínio do tempo
- Domínio da frequência

√ 2D ou 3D



Discretização do tempo e do espaço

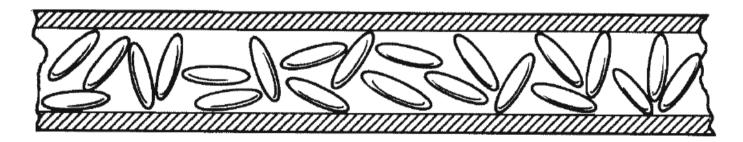




Modos de ordem superior em linhas de transmissão - Analogia



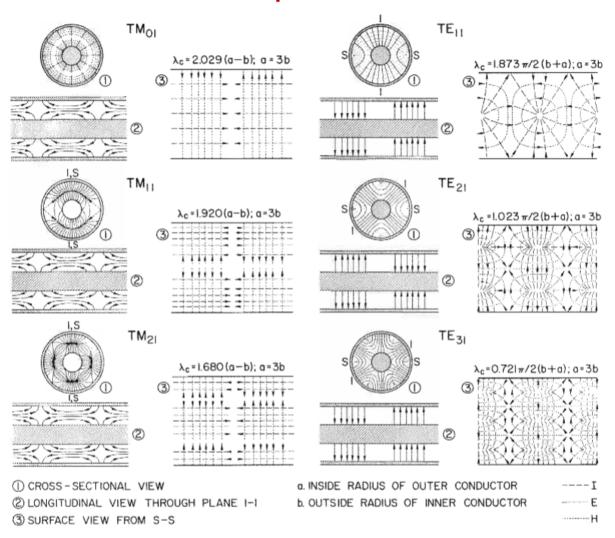
Grãos de arroz injetados num tubo com seção transversal da ordem de grandeza da dimensão dos grãos (modo único de propagação)



Aumentando-se a dimensão do tubo ou diminuindo-se a dimensão dos grãos de arroz → a propagação pode ocorrer em diferentes modos e com velocidades diferentes. (modos de ordem superior ocorrem conforme a frequência aumenta, isto é, quando o comprimento de onda se torna menor que as dimensões da estrutura da linha de transmissão)



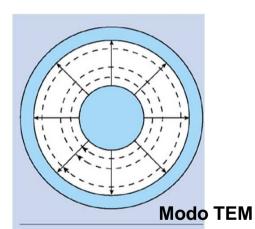
Modos de ordem superior em cabo coaxial





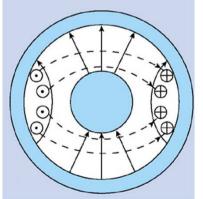
Limite de frequência para propagação única do modo TEM

Modo TE₁₁ → aparece quando o comprimento de onda é igual ao comprimento da circunferência média do cabo:



$$f_c = \frac{v_p}{\lambda_c} = \frac{c}{\sqrt{\varepsilon_r \cdot \mu_r} \cdot \lambda_c}$$

$$\lambda_c = \frac{2\pi(a+b)}{2}$$



$$f_c = \frac{c}{\pi (a+b) \sqrt{\mu_r \varepsilon_r}}$$

Máxima frequência de operação TEM do coaxial



Conectores coaxiais

Tipo N – dielétrico: PTFE





APC7 – dielétrico: PTFE, φ=7mm





K – dielétrico: ar, φ=2,92mm





Conectores coaxiais

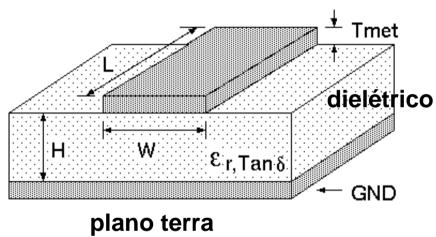
Connector species	Calculated TE11 cutoff frequency (GHz)	Recommended maximum frequency (GHz)	% cutoff frequency at max recommended frequency (GHz)
3.5mm	38.0	26.5	70%
2.92mm	45.6	40	88%
2.4mm	55.4	50	90%
1.85mm	71.9	60	83%
1mm	133	110	83%

Diminuição do diâmetro interno do conector $(a) \rightarrow$ aumento da frequência de corte do modo TE11



Microlinha (microstrip line)

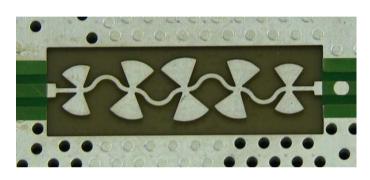
fita metálica



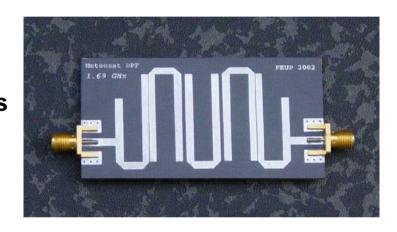
- Materiais condutores: cobre, alumínio, ouro
- Materiais dielétricos (substrato): alumina (Al_2O_3) , PTFE, quartzo, resina cerâmica, fibra de vidro, Si, GaAs
- Fabricação através de fotolitografia (PCB)
- > Facilmente integráveis com componentes e Cls (estrutura planar)
- Baixo custo
- Plano terra provê blindagem de radiação
- Difícil acesso ao terra (via holes, indutâncias parasitas)

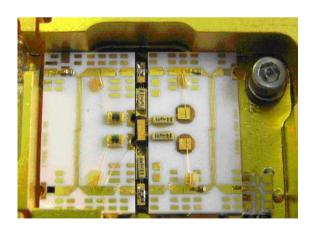


Exemplos de Circuitos em Microlinha

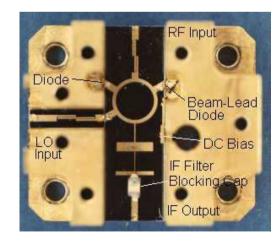


Filtros





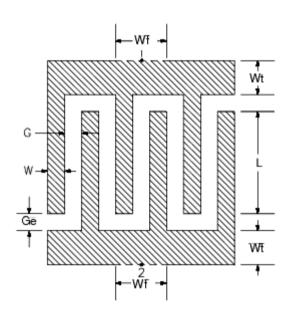
Amplificador



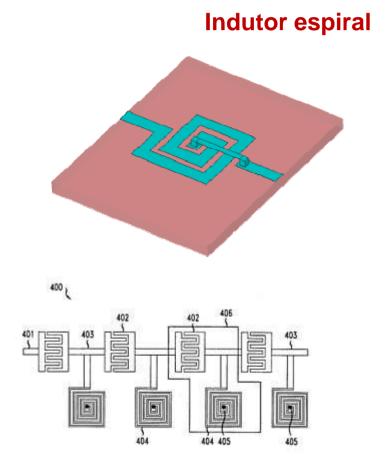
Misturador



Componentes em Microlinha



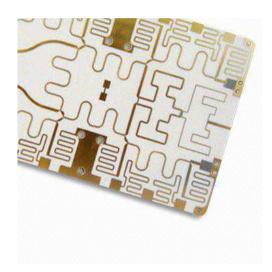
Capacitor interdigital



Circuito LC

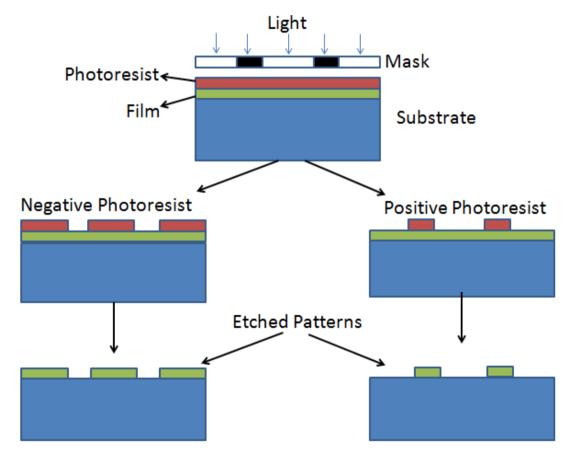


Tecnologias de fabricação de Microlinha



Fotolitografiaem filme fino

Substratos cerâmicos





Tecnologias de fabricação de Microlinha

Tecnologia PCB Substratos flexíveis





Fresas mecânicas de alta precisão

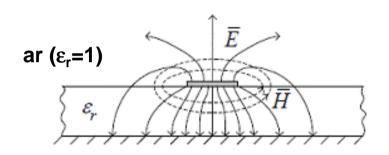


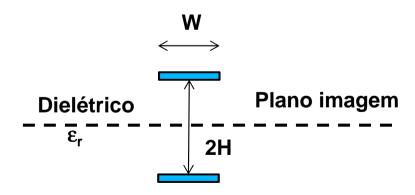
 The ProtoLaser 100 system provides the precision and speed of laser drilling and milling with new capability for removal of large areas of unwanted conductor layers.

Fresas a laser



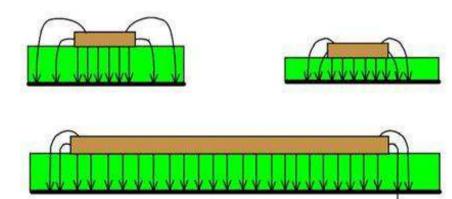
Propagação de campos em Microlinha





Modelo bifilar

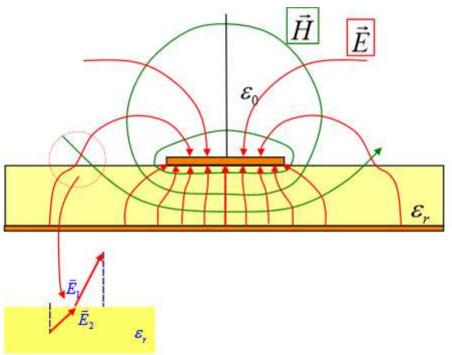
- Propagação dos campos em meio não homogêneo
- Dispersão das linhas de campo elétrico e valor de ε_{ef} dependem de W (largura da linha), H (altura do substrato) e W/H
- Modelagem: modo quase-TEM em meio contínuo com permissividade efetiva ε_{ef} < ε_r



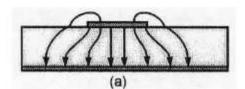


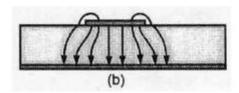


Modo quase-TEM em microlinhas

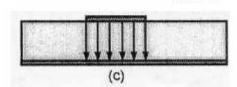


frequência baixa





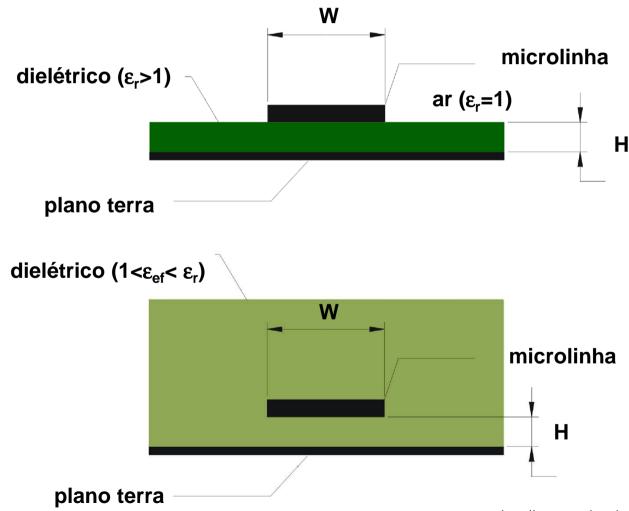




E>>1

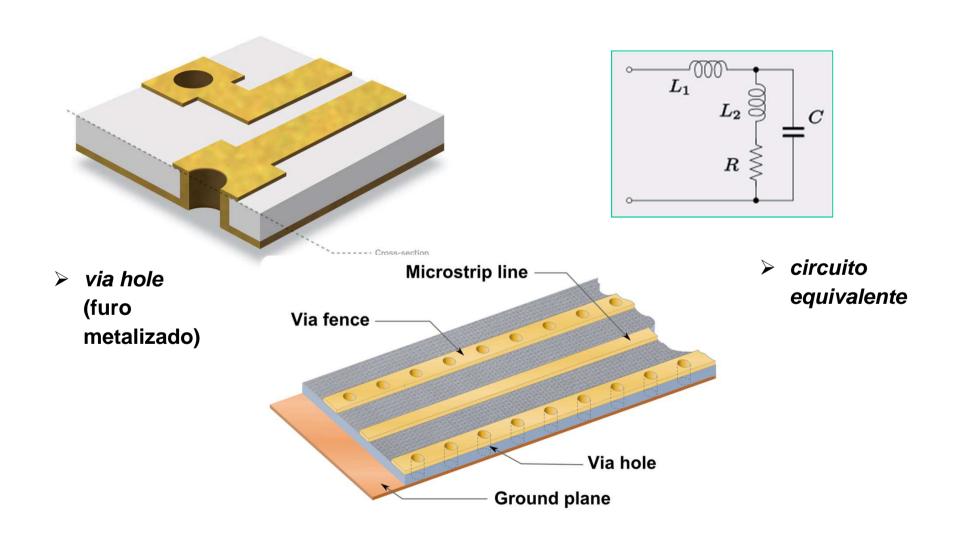


Constante dielétrica efetiva ε_{ef}





Acesso ao Plano Terra





Características das Microlinhas

> Velocidade de propagação

$$v_p = \frac{c}{\sqrt{\mathcal{E}_{ef}}}$$

Constante de fase

$$\beta = \frac{2\pi f}{v_p}$$

> Comprimento de onda

$$\lambda_g = \frac{v_p}{f} = \frac{\lambda_0}{\sqrt{\mathcal{E}_{ef}}}$$

$$\lambda_0 = \frac{c}{f}$$

> Comprimento elétrico

$$\theta = \beta l$$



Características das Microlinhas

(equações semi empíricas e métodos numéricos)

> Constante dielétrica efetiva

Hipótese: Tmet~0

$$\varepsilon_{ef} = \frac{\varepsilon_r + 1}{2} + \frac{\varepsilon_r - 1}{2\sqrt{1 + 12H/W}}$$

> Impedância característica

$$Z_0 = \frac{60}{\sqrt{\varepsilon_{ef}}} \ln \left(\frac{8H}{W} + \frac{W}{4H} \right) \quad \left[\Omega \right] \quad \text{para W/H} \le 0$$

$$Z_0 = \frac{1}{\sqrt{\mathcal{E}_{ef}}} \frac{120\pi}{\frac{W}{H} + 1,393 + 0,667 \ln\left(\frac{W}{H} + 1,444\right)} \quad \left[\Omega\right] \quad \text{para W/H>1}$$

Wentworth, S.M. Eletromagnetismo Aplicado, Cap. 10, Bookman, 2007

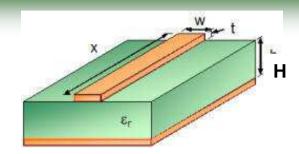
Cálculos para projeto de linhas de transmissão micro-ondas (aplicativo TXLINE)

http://www.awrcorp.com/products/optional-products/tx-line-transmission-line-calculator



Microlinhas - Exemplo 1

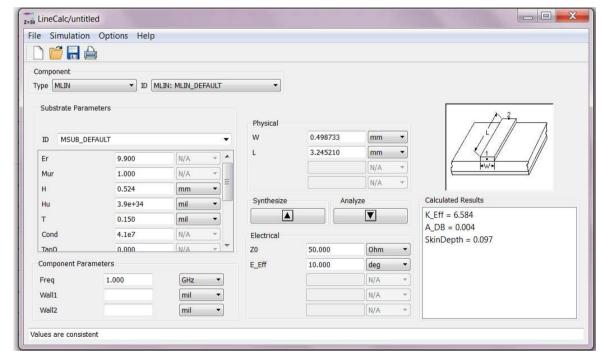




$$\epsilon_{\rm r}$$
 = 9,9 H= 0,524 mm

Para $Z_0=50\Omega$, $\theta=10^\circ$:

 $W=0,499 \ mm$ $X=3,25 \ mm$ $\epsilon_{ef}=6,584$

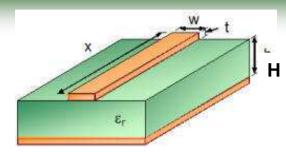


Software: ADS (LineCalc) : Síntese e Análise de Microlinhas



Microlinhas - Exemplo 1

Dielétrico: FR-4 (fibra de vidro com resina epoxy)

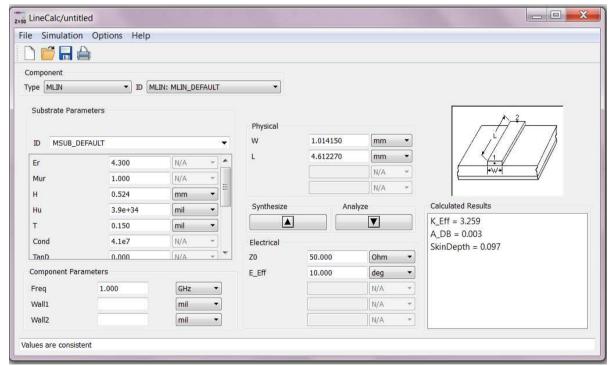


$$\varepsilon_{\rm r} = 4.3$$

H= 0.524 mm

Para $Z_0=50\Omega$, $\theta=10^\circ$:

W= 1,014 mm X= 4,612 mm $\epsilon_{\rm ef}$ = 3,259



Software: ADS (LineCalc) : Síntese e

Análise de Microlinhas



Limite de operação das microlinhas

Fatores de limitação:

- > Perdas
- Dispersão (variação dos parâmetros Z₀ e ε_{ef} com a frequência)
- Excitação de outros modos de propagação (TE ou TM)

$$f_{\text{max}} = \frac{c}{4H\sqrt{\varepsilon_r}}$$

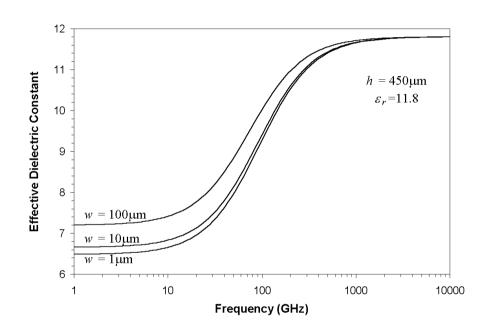
para W<2H

$$f_{\text{max}} \cong \frac{c}{\sqrt{\mathcal{E}_r} (2W + 0.8H)}$$

para W>2H

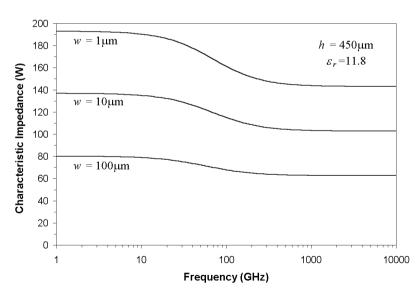


Efeitos de dispersão em microlinhas



Variação do ϵ_{ef} com a frequência

Variação de Z₀ com a frequência





Atenuação e perdas em microlinhas

$$\alpha = \alpha_c + \alpha_d + \alpha_r$$

$$\alpha_c$$
 – atenuação no condutor

α_d – atenuação no dielétrico

 α_r – atenuação por irradiação (frequências elevadas)

$$\alpha_c = \frac{R_s}{Z_0 W} \quad [Np / m]$$

$$\alpha_c = 8,686 \frac{R_s}{Z_0 W} \quad [dB/m]$$

 R_s = resistência de efeito pelicular no condutor

 δ_s = profundidade de penetração no condutor

 σ_c – condutividade do condutor

$$\alpha_d = \frac{2\pi f}{c} \frac{\varepsilon_r(\varepsilon_{ef} - 1)}{2\sqrt{\varepsilon_{ef}}(\varepsilon_r - 1)} \operatorname{tg} \delta \quad [Np/m]$$

$$R_{s} = \frac{1}{\sigma_{c}\delta_{s}} \quad [\Omega]$$

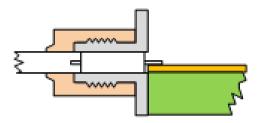
$$\delta_s = \frac{1}{\sqrt{\pi f \mu \sigma_c}} \quad [m]$$

 $tg\delta$ = tangente de perdas do dielétrico

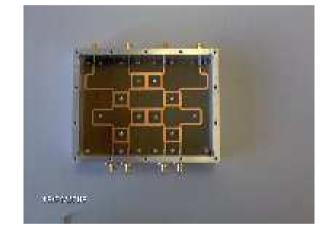


Transição coaxial-microlinha

pino central soldado à microlinha



Condutor externo soldado ao plano de terra da microlinha



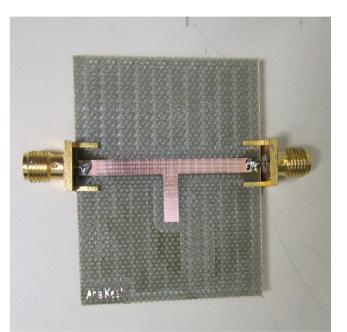
Caixa metálica para acondicionamento do circuito em microlinha

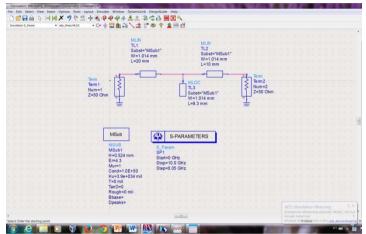


Flange pode ter 2 ou 4 furos de fixação



Medida experimental de ϵ_{ef}

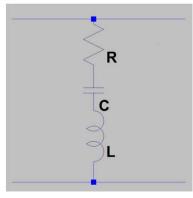


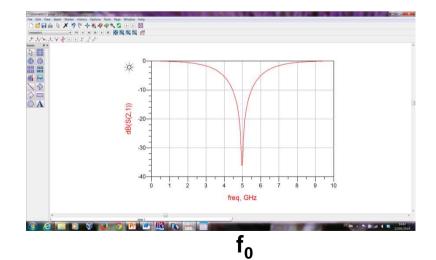


$$l = \frac{\lambda_g}{4} = \frac{\lambda_0}{4\sqrt{\varepsilon_{ef}}} = \frac{c}{4f_0\sqrt{\varepsilon_{ef}}}$$

$$\varepsilon_{ef} = \left(\frac{c}{4f_0 l}\right)^2$$

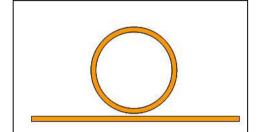
Ressoador simples com comprimento $l = \lambda / 4$ Aberto \rightarrow Curto na frequência f_0





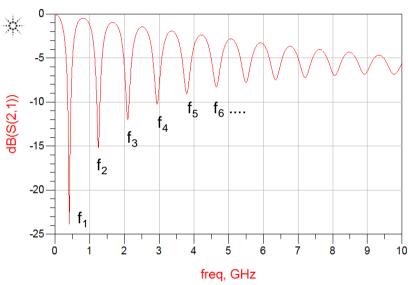


Medida experimental de ($\varepsilon_{ef} x f$)



Acoplamento em paralelo





Ressoador em anel, acoplado à microlinha

$$2\pi R = n\frac{\lambda_g}{2}$$

para n = 1, 2, 3...

R= raio médio do anel

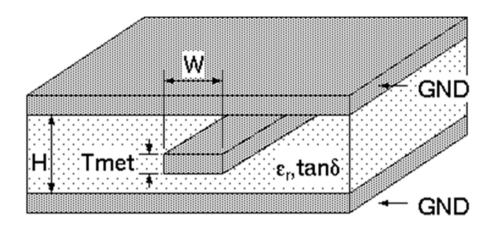
 λ_g = comprimento de onda das ressonâncias

$$\mathcal{E}_{ef}(f) = \left(\frac{nc}{f \, 4\pi R}\right)^2$$



Linha em Fita (stripline)

Cabo coaxial "planar"



Aplicações: acopladores direcionais e filtros

- Vantagens: meio de propagação homogêneo: modo TEM e parâmetros não dispersivos; boa blindagem
- ➤ Dificuldades práticas:

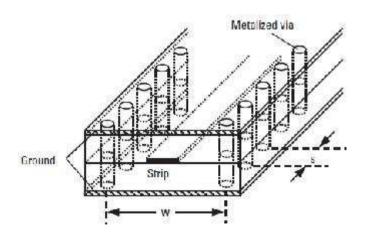
 contato entre os planos terra
 para que estejam no mesmo
 potencial; conexão de
 componentes discretos;
 método de fabricação; linhas
 de transmissão mais finas

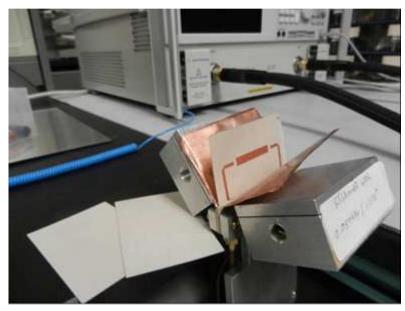


Exemplos de circuitos em Linha em Fita



The prototype coupler was fabricated on RT/duroid 5880.

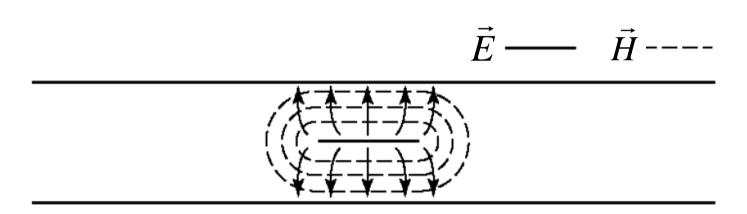




Note: The two 1.5 mm fully etched coupons are inserted on either side of the patterned resonator card and the fixture is closed to form a stripline circuit



Propagação de campos na Linha em Fita

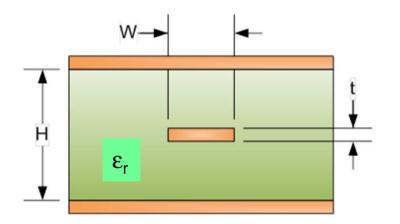


- > Perdas dependem do condutor e do dielétrico
- Modos de ordem superior e ressonâncias transversais (TE) podem ser excitados para frequências acima de:

$$f = \frac{c}{H\sqrt{\varepsilon_r} \left(\frac{2W}{H} + \frac{\pi}{2}\right)}$$



Parâmetros das Linhas em Fita



> Impedância característica

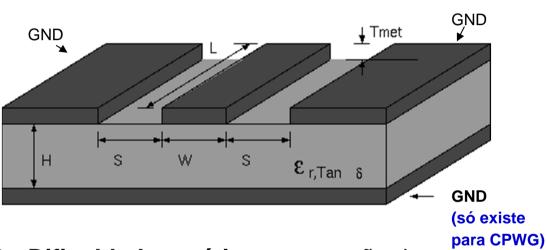
$$Z_0 = \frac{30\pi}{\sqrt{\varepsilon_r}} \left[\frac{H}{W_e + 0,441H} \right] \quad [\Omega]$$

Hipótese: t ~ 0

$$\frac{W_e}{H} = \frac{W}{H} - \begin{cases} 0 & \text{para } \frac{W}{H} > 0,35 \\ \left(0,35 - \frac{W}{H}\right)^2 & \text{para } \frac{W}{H} < 0,35 \end{cases}$$



Linha Coplanar (CPW ou CPWG)



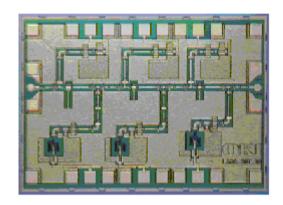
- Dificuldades práticas: ocupação de grande área do substrato
- Aplicações: circuitos MMICs (circuitos monolíticos de micro-ondas); circuitos para ondas milimétricas; antenas e redes de antenas

> Vantagens:

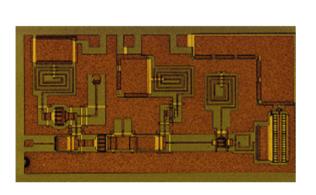
- linha de sinal e de terra estão no mesmo lado do substrato
- facilidade de conexão de componentes
- mesma impedância característica pode ser obtida com larguras de linha diferentes
- plano terra no outro lado do substrato provê maior blindagem
- facilidade de acesso com pontas de prova do tipo CPW
- Baixa radiação e baixa dispersão

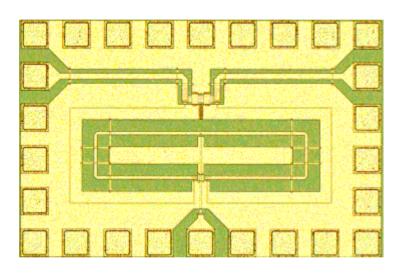


Exemplos de circuitos em Linha Coplanar



Amplificador de baixo ruído





Combinador de potência

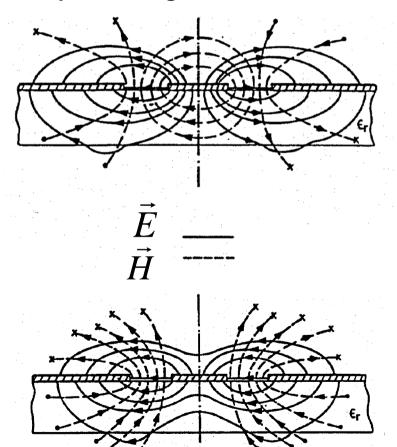
Oscilador

http://post.queensu.ca/~freund/research/wireless/wirelessf.html



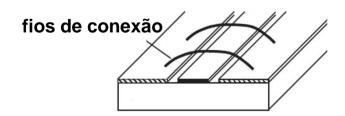
Propagação de campos em Linha Coplanar

parede magnética (\vec{H} perpendicular)



parede elétrica (\vec{E} perpendicular)

- Modo Coplanar (ou modo ímpar)→ quase-TEM (desejável; baixa radiação) Campos nas fendas estão defasados de 180°
- Modo de fenda acoplada (ou modo par)→ (indesejável)
 Campos nas fendas estão em fase.
 - Pode ser evitado conectandose as linhas de terra:

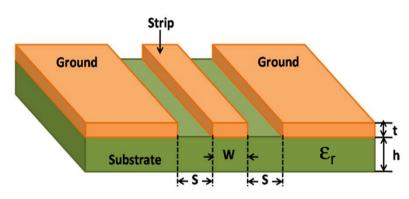




Parâmetros das Linhas Coplanares

➤ Impedância característica → depende da relação S/W e não tanto de H (infinitas possibilidades para o mesmo valor de impedância)

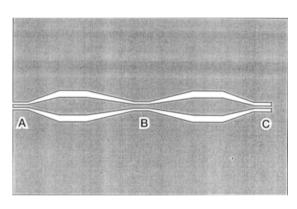
Linhas muito estreitas → altas perdas



> Constante dielétrica efetiva

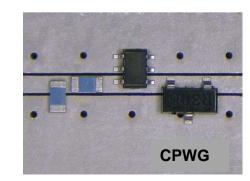
 \rightarrow menor que ϵ_r , pois os campos concentram-se no dielétrico e no ar (~50% cada).

$$\varepsilon_{ef} \approx \frac{\varepsilon_r + 1}{2}$$



Linha CPW com Z0 constante= 50Ω e S/W variável

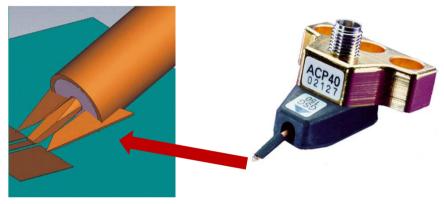
 Facilidade para conexão de componentes e para transição com conectores





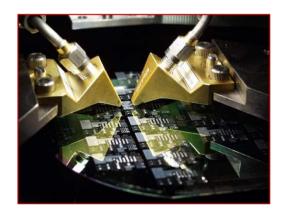
Teste de circuitos monolíticos: ponta de prova coplanar

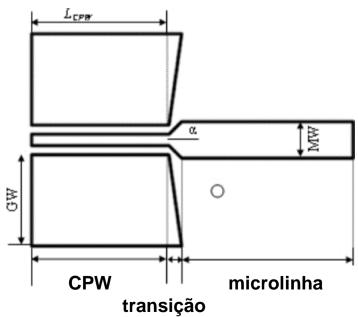




Equipamento Cascade

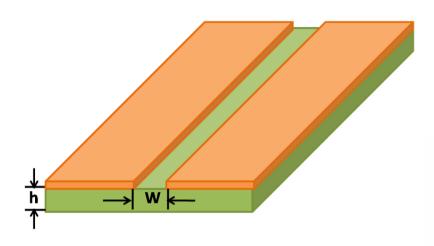
Medidas "on wafer"





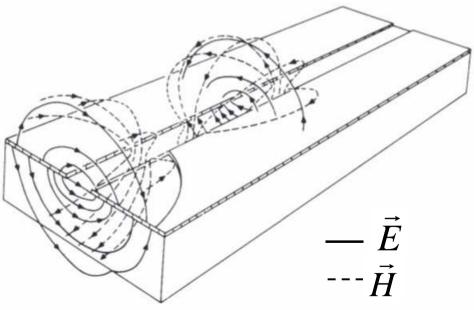


Linha de fenda (slot line)



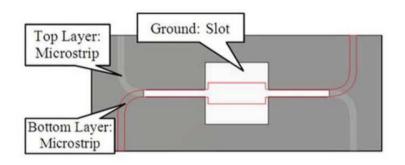
Modo de propagação não TEM (maior componente do campo elétrico orientada perpendicular à fenda, no plano de metalização)

- Impedância característica depende de W (largura da fenda)
- > Estrutura balanceada





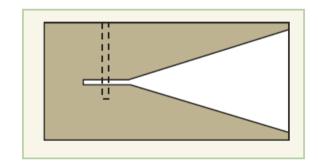
Aplicações de Linha de fenda

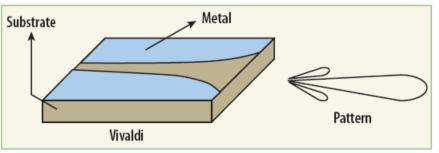


- acoplador direcional (3 camadas)
- Antenas (operação em banda larga de frequência)

antena vivaldi (em linha de fenda) com alimentação em microlinha

- Incluídas em circuitos de microlinhas (no plano terra)
- → circuitos híbridos dupla face

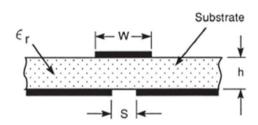




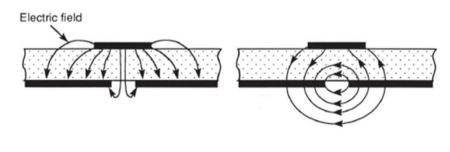
http://mwrf.com/markets/design-x-band-vivaldi-antenna



Transições microlinha / linha de fenda



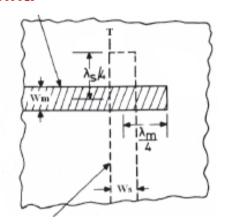
Acoplamento do campo elétrico



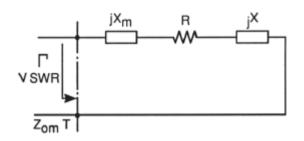
> modo par

> modo ímpar

microlinha



linha de fenda



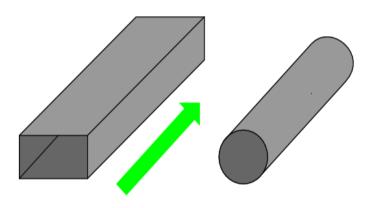
circuito equivalente



Guias de Onda

- Estruturas com condutor único
- Modos de propagação não TEM:
 - TE Transversal Elétrico (componente de campo magnético na direção de propagação)
 - TM Transversal Magnético (componente de campo elétrico na direção de propagação)
- Aplicações de micro-ondas de alta potência (1-40GHz) e em ondas milimétricas
- > Faixa de frequências limitada
- > Propagação a partir de uma frequência de corte
- Dimensões da ordem de grandeza do comprimento de onda guiado

Metálicos



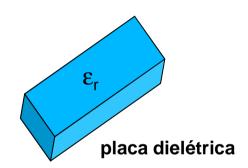
direção de propagação

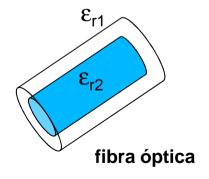


Guias de Onda

- > Estruturas com materiais dielétricos
- Modos de propagação: TE, TM e híbridos (EH e HE)
- Aplicações de micro-ondas de alta frequência (baixa atenuação)
- Fibras ópticas: bom isolamento de sinal e banda extra larga

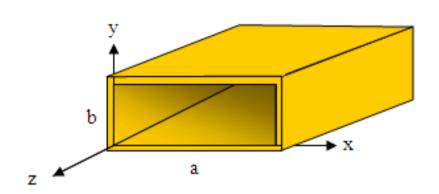
Dielétricos







Guias de Onda Retangulares



> Frequência de corte

$$f_{c_{mn}} = \frac{1}{2\sqrt{\mu\varepsilon}}\sqrt{\left(\frac{m}{a}\right)^2 + \left(\frac{n}{b}\right)^2} \quad [Hz]$$

- Material: latão, cobre ou alumínio
- \rightarrow a > b
- ➤ Modos TE_{mn} e TH_{mn}
- m = variações de meio comprimento de onda na direção x
 (a)
- n = variações de meio comprimento de onda na direção y
 (b)
- ➤ Modo dominante: TE₁₀

$$f_{c_{10}} = \frac{c}{2a}$$

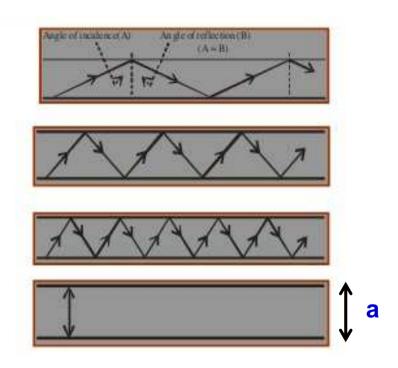
$$\lambda_{c_{10}} = 2a$$



Frequência de corte

- High frequency
- Medium Frequency
- Low Frequency
- Cut off Frequency

Análise a partir de ondas eletromagnéticas incidente e refletida nas paredes do guia metálico.

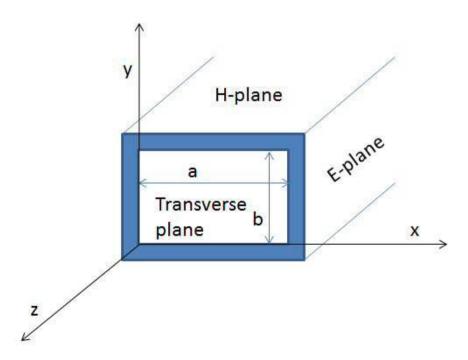




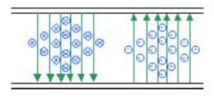


Modo TE10 Guia de Onda Retangular

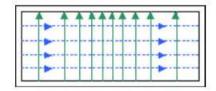
Distribuição dos campos EM



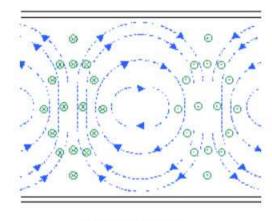
http://www.rfcafe.com/references/electrical/waveguide.htm



End View (TE₁₀)



Side View (TE₁₀)

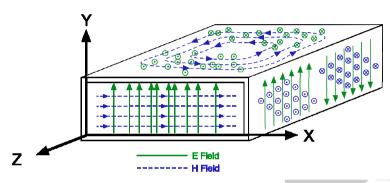


Top View (TE₁₀)

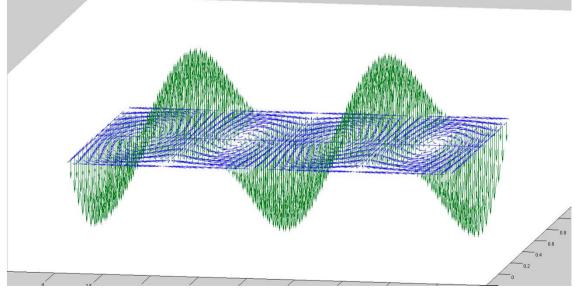
____ Electric field lines _ _ _ Magnetic field lines



Modo TE10 - Guia de Onda Retangular



Nota: Campo magnético apresentado apenas no plano central

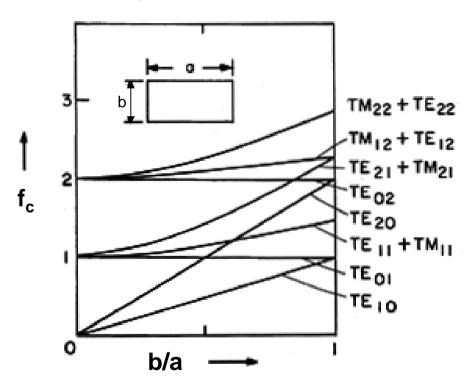


http://mason.gmu.edu/~jdilles/classes/ece305/ehwave.html



Modos em Guias Retangulares

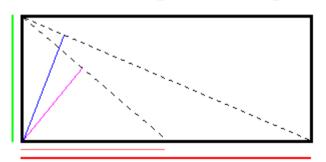
Distribuição das frequências de corte



f_c= frequência de corte normalizada

Relação entre os comprimentos de onda de corte

Cutoff Wavelengths in Waveguide

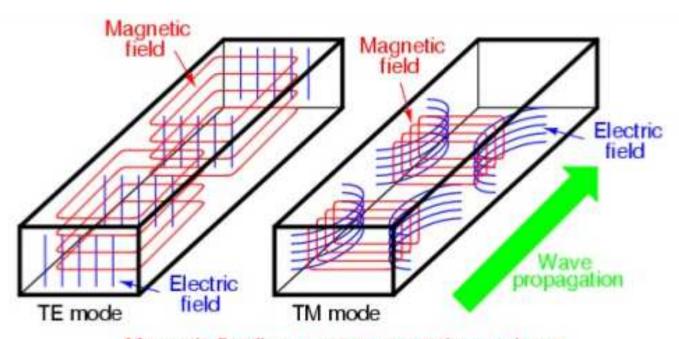


$$\lambda_{c}/2$$
 of TE_{10} mode TE_{20} TE_{01} TE_{11} , TM_{11} TE_{21} , TM_{21} TM_{21}

$$\frac{\lambda_c}{2} = \frac{\frac{a}{m} \frac{b}{n}}{\sqrt{\left(\frac{a}{m}\right)^2 + \left(\frac{b}{n}\right)^2}}$$



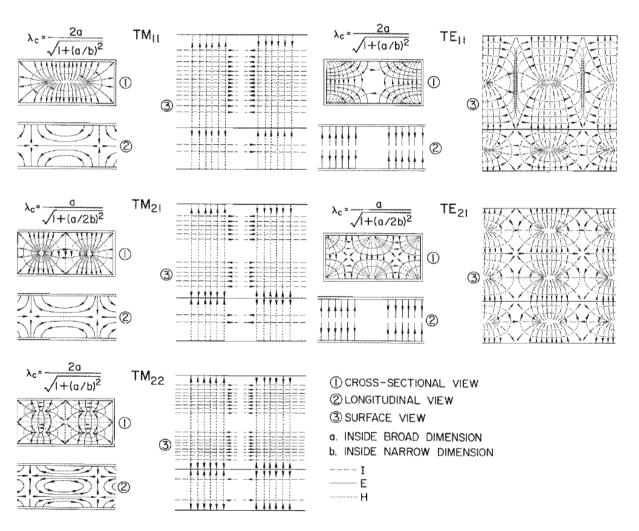
Modos TE e TM



Magnetic flux lines appear as continuous loops Electric flux lines appear with beginning and end points



Modos de propagação - Guias de Onda Retangulares





Designação de Guias de Onda Retangulares

name	а	b	fc	f_{\min}	$f_{ m max}$	band	P	α
WR-510	5.10	2.55	1.16	1.45	2.20	L	9 MW	0.007
WR-284	2.84	1.34	2.08	2.60	3.95	S	2.7 MW	0.019
WR-159	1.59	0.795	3.71	4.64	7.05	C	0.9 MW	0.043
WR-90	0.90	0.40	6.56	8.20	12.50	X	250 kW	0.110
WR-62	0.622	0.311	9.49	11.90	18.00	Ku	140 kW	0.176
WR-42	0.42	0.17	14.05	17.60	26.70	K	50 kW	0.370
WR-28	0.28	0.14	21.08	26.40	40.00	Ka	27 kW	0.583
WR-15	0.148	0.074	39.87	49.80	75.80	V	7.5 kW	1.52
WR-10	0.10	0.05	59.01	73.80	112.00	W	3.5 kW	2.74

Dimensões internas (em polegadas), frequência de corte, faixa de frequência, potência e atenuação.



Características dos guias de onda

Velocidade de fase

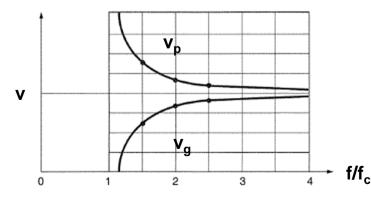
deslocamento da frente de onda por unidade de tempo na direção de propagação

$$v_p = \frac{v}{\sqrt{1 - \left(f_c / f\right)^2}}$$

Velocidade de grupo

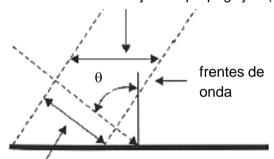
deslocamento do pacote de campo formado pelas ondas incidentes e refletidas nas paredes condutoras, por unidade de tempo, na direção de propagação

$$v_g = v\sqrt{1 - \left(f_c / f\right)^2}$$

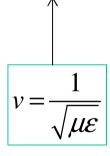


parede condutora

deslocamento na direção de propagação (z)



deslocamento na direção de incidência



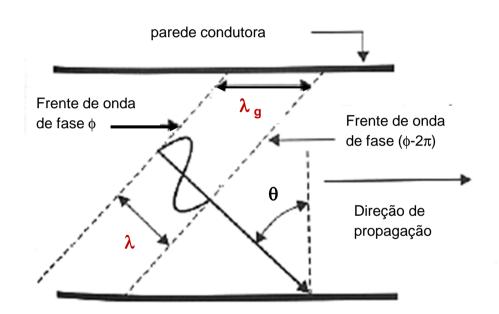
$$v = \sqrt{v_p.v_g}$$



Características dos guias de onda

Comprimento de onda no guia

> Distância entre dois pontos correspondentes a uma diferença de fase de 2π rad, na direção de propagação.



$$\lambda_g = \frac{\lambda}{\sqrt{1 - (f_c / f)^2}}$$

$$\lambda = \frac{v}{f}$$



Características dos guias de onda

> Impedância de onda TE

$$Z_{mn}^{TE} = \frac{\eta}{\sqrt{1 - \left(f_c / f\right)^2}}$$

 Relações entre o campo elétrico e magnético transversais do mesmo modo. > Impedância de onda TM

$$Z_{mn}^{TM} = \eta \sqrt{1 - \left(f_c / f \right)^2}$$

$$\eta = \sqrt{\frac{\mu}{\varepsilon}}$$

$$\eta_0 = 120\pi \Omega$$

no vácuo



Impedâncias

> Impedância intrínseca do meio

$$\eta = \sqrt{\frac{\mu}{\varepsilon}}$$

> Impedância característica de linha de transmissão

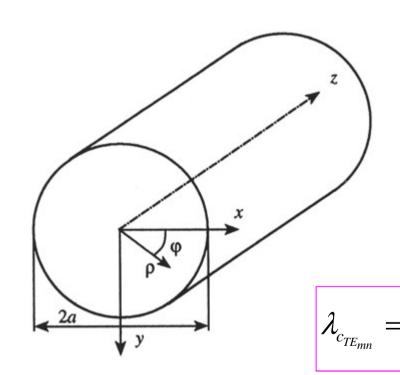
$$Z_0 = \frac{V_i}{I_i} = -\frac{V_r}{I_r}$$

> Impedância de onda (de um modo de propagação)

$$Z_{w} = \frac{E_{t}}{H_{t}}$$

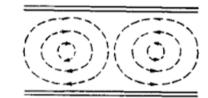


Guias de Onda Cilíndricos



- > Maior capacidade de potência
- ➤ Soluções para os campos EM→ coordenadas cilíndricas e funções de Bessel
- ➤ Modo dominante: **TE**₁₁





$$\lambda_{c_{TM_{mn}}} = \frac{2\pi a}{u_{mn}}$$

Modos TE

 $2\pi a$

Modos TM

$$u_{mn}$$
 e u'_{mn}

são as raízes das funções de Bessel de 1ª espécie e as raízes das derivadas destas funções

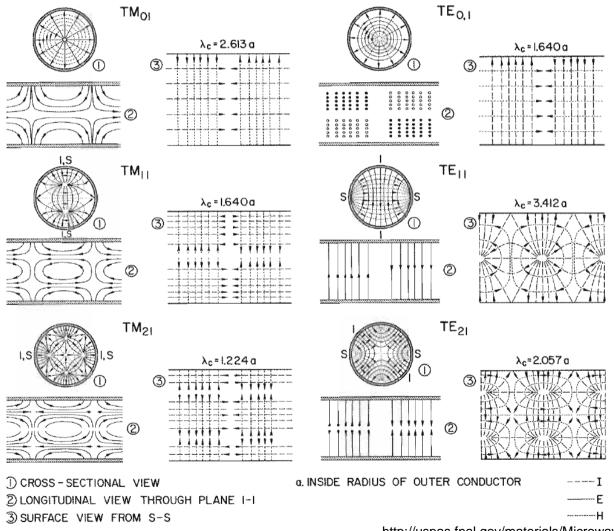


Modos de Propagação- Guias de Onda Cilíndricos

TE_{mn} ou TM_{mn}

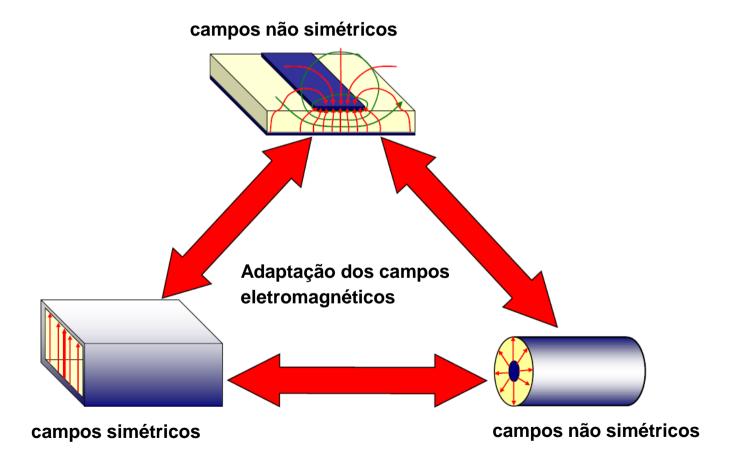
 m – variações de meio comprimento de onda na circunferência (φ)

n – variações de meio comprimento de onda radialmente (ρ)





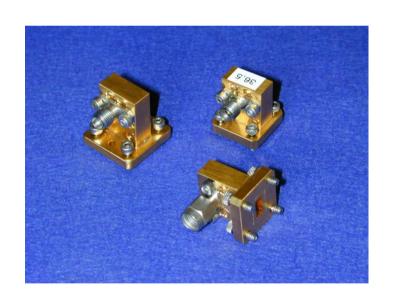
Transições entre linhas de transmissão

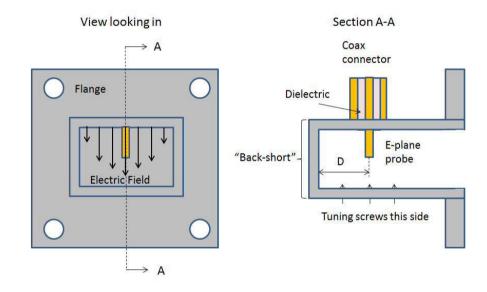




Transições em guias de onda

Guia-coaxial

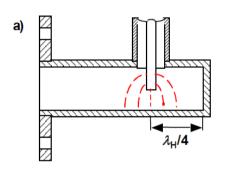


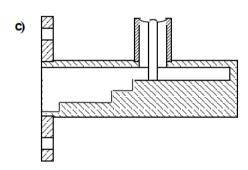


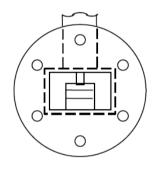


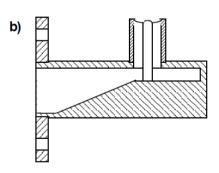
Transições em guias de onda

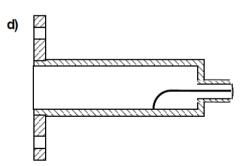
Guia-coaxial













Transições em guias de onda

Guia-microlinha

