

# Programação GP-GPU com CUDA

MCZA020-13 - Programação Paralela

---

Emilio Francesquini

[e.francesquini@ufabc.edu.br](mailto:e.francesquini@ufabc.edu.br)

2025.Q2

Centro de Matemática, Computação e Cognição  
Universidade Federal do ABC



- Estes slides foram preparados para o curso de **Programação Paralela na UFABC**.
- Estes slides são baseados naqueles produzidos por Peter Pacheco como parte do livro *An Introduction to Parallel Programming* disponíveis em:  
<https://www.cs.usfca.edu/~peter/ipp/>
- Este material pode ser usado livremente desde que sejam mantidos, além deste aviso, os créditos aos autores e instituições.
- Algumas figuras foram obtidas em: <http://pngimg.com>



# GPGPU

---

- GPUs (**Graphic processing units**) desenvolvidas para gráficos (1990-2000): renderização, animações, jogos.
  - ▶ Rapidamente os programadores perceberam que GPUs podiam ser usadas para computação geral, oferecendo alto desempenho
  - ▶ Contudo, GPUs eram projetadas para tarefas específicas de gráficos, não para computação geral.
  - ▶ Resultado: programação de GPUs era complexa e limitada e exigia converter os problemas para usar Direct3D e OpenGL e sua linguagem como vértices, triângulos, pixels, ...

- Início dos anos 2000: surgimento de **GPGPU (General-Purpose computing on GPUs)**.
- Não demorou muito para começarem a surgir as primeiras APIs para computação geral em GPUs. Entre elas:

API	Facilidade de uso	Portabilidade
CUDA	Alta	Baixa
OpenCL	Baixa	Alta
OpenACC	Média	Alta

- Essas APIs permitiram que os programadores escrevessem código geral para executar nestas GPGPUs de maneira mais natural
- OpenCL, por exemplo não dá suporte apenas a GPUs mas também a FPGAs, DSPs, CPUs, ...
- CUDA, por outro lado, é uma API desenvolvida pela NVIDIA para suas GPUs

# Arquitetura Básica de GPU

---

- CPUs são frequentemente classificadas como dispositivos **SISD** (Single Instruction stream, Single Data stream) na Taxonomia de Flynn.
  - ▶ Uma CPU busca uma instrução na memória e a executa em um pequeno número de itens de dados.
- GPUs são compostas por processadores **SIMD** (Single Instruction stream, Multiple Data stream).
  - ▶ Para programar GPUs de forma eficaz, é essencial entender sua arquitetura.

- Composto por uma unidade de controle única e múltiplos **caminhos de dados (datapaths)**.
- A unidade de controle busca uma instrução e a transmite para todos os *datapaths*.
- Cada *datapath* executa a instrução em seus dados ou **permanece inativo**.

## ■ Exemplo

- ▶ Suponha  $x$  um vetor que com  $n$  elementos, e que existam  $n$  *datapaths* compartilhando  $x$
- ▶ Neste caso, cada *datapath*  $i$  poderia trabalhar com seu próprio (e exclusivo!)  $x[i]$ :

---

```
1  /* O Datapath i executa o seguinte código */
2  if (x[i] >= 0)
3      x[i] += 1;
4  else
5      x[i] -= 2;
```

---

- Execução:
  - ▶ Os datapaths testam  $x[i] \geq 0$ .
  - ▶ Os datapaths para os quais o teste é verdadeiro executam  $x[i] += 1$ , enquanto os outros permanecem inativos.
  - ▶ Os papéis se invertem: os datapaths inativos executam  $x[i] -= 2$ .

---

```
1  /* O Datapath i executa o seguinte código */
2  if (x[i] >= 0)
3      x[i] += 1;
4  else
5      x[i] -= 2;
```

---

- GPUs consistem de **um ou mais processadores SIMD**
- GPUs da Nvidia são compostas por **Multiprocessadores de Streaming (SMs)**
- Cada SM possui:
  - ▶ Múltiplas unidades de controle
  - ▶ Múltiplos caminhos de dados (**Streaming Processors** ou **SPs** ou **CUDA cores**).
  - ▶ Os SMs operam de forma assíncrona, permitindo execução eficiente de ramificações condicionais.
- Terminologia da Nvidia
  - ▶ **SP**: Termo da Nvidia para um caminho de dados (datapath). O termo **CUDA Core** também é usado.
  - ▶ **SIMT**: Single Instruction Multiple Thread (Instrução Única, Múltiplas Threads)
    - Threads executando a mesma instrução podem não executar simultaneamente

**Table 6.1** Execution of branch on a SIMD system.

Time	Datapaths with $x[i] \geq 0$	Datapaths with $x[i] < 0$
1	Test $x[i] \geq 0$	Test $x[i] \geq 0$
2	$x[i] += 1$	Idle
3	Idle	$x[i] -= 2$

**Table 6.2** Execution of branch on a system with multiple SMs.

Time	Datapaths with $x[i] \geq 0$ (on SM A)	Datapaths with $x[i] < 0$ (on SM B)
1	Test $x[i] \geq 0$	Test $x[i] \geq 0$
2	$x[i] += 1$	$x[i] -= 2$

---

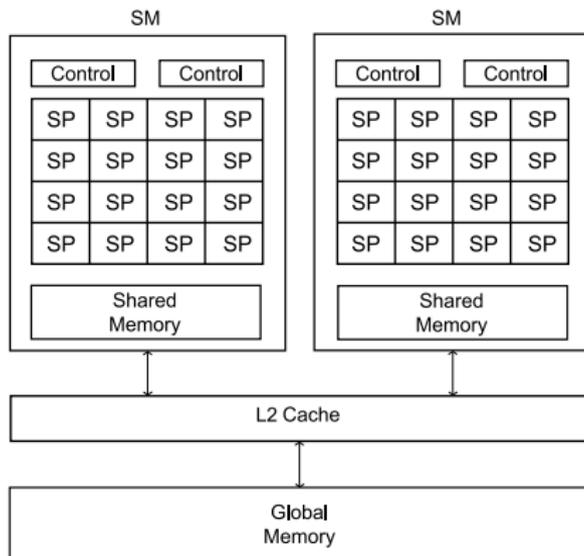
```

1  /* 0 Datapath i executa o seguinte código */
2  if (x[i] >= 0)
3      x[i] += 1;
4  else
5      x[i] -= 2;

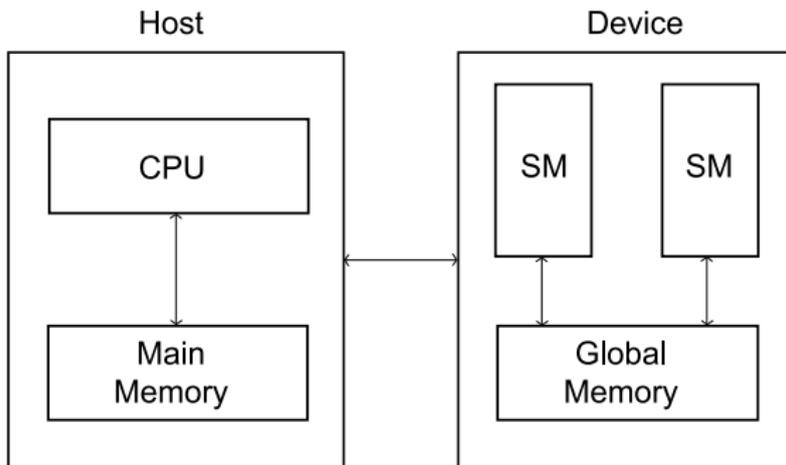
```

---

- Cada SM possui um pequeno bloco de memória compartilhada, com acesso rápido pelos seus SPs
- Todos os SMs compartilham um bloco maior de memória global, que é mais lenta.



- **Host:** CPU e sua memória.
- **Device:** GPU e sua memória.



- Para versões antigas de sistemas com suporte à programação CUDA, transferências explícitas de dados entre a memória do host e do device eram necessárias
  - ▶ Exemplo: Dados lidos pela CPU ou gerados pela GPU precisavam de chamadas explícitas de função para transferência
- Em sistemas mais recentes (Compute Capability  $\geq 3.0$ ) transferências explícitas não são mais necessárias
  - ▶ Contudo frequentemente são feitas por desempenho (falaremos mais sobre isso mais adiante!)

- CPUs são tipicamente dispositivos **SISD**, enquanto GPUs são processadores **SIMD**.
- GPUs da Nvidia consistem em **Multiprocessadores de Streaming (SMs)**, cada um com múltiplos **Streaming Processors (SPs)**.
- GPUs possuem uma estrutura hierárquica de memória com memória compartilhada e global.

# Computação Heterogênea

---

- **Computação heterogênea** refere-se ao uso de diferentes tipos de processadores em um único programa
- Exemplo
  - ▶ Host processor um CPU convencional
  - ▶ Device processor uma GPU
- Escrever um programa para GPU é um exemplo de computação heterogênea, pois utiliza tanto o CPU quanto a GPU, que possuem arquiteturas diferentes

- Normalmente, o host e o device (também chamado de **acelerador**) têm arquiteturas diferentes
  - ▶ Assim, via de regra, precisamos utilizar compiladores específicos
- Programas CUDA rodam em parte no host e em parte na GPU

- **SPMD** (Single Program, Multiple Data)
  - ▶ Apesar de usarmos diferentes processadores, ainda escreveremos um único programa
  - ▶ O programa conterá
    - ▶ Funções para CPUs convencionais
    - ▶ Funções para GPUs
- Na prática, estaremos escrevendo dois programas dentro de um único código

- Entre 1986 e 2003, o desempenho de **single-thread** das CPUs convencionais crescia mais de 50% ao ano!
- Desde 2003, esse crescimento diminuiu drasticamente
  - ▶ Entre 2015 e 2017, o crescimento foi inferior a 4% ao ano.
- Como consequência programadores estão explorando novas formas de melhorar o desempenho
  - ▶ Uma solução é utilizar outros tipos de processadores além dos CPUs

- **GPUs:** já vamos falar mais sobre elas!
- **Field Programmable Gate Arrays (FPGAs)**
  - ▶ Contêm blocos de lógica programáveis e interconexões configuráveis antes da execução do programa
- **Digital Signal Processors (DSPs)**
  - ▶ Contêm circuitos especializados para manipulação de sinais, como compressão e filtragem, especialmente sinais analógicos do "mundo real"

# CUDA Básico: Hello World

---

- CUDA é uma plataforma de software usada para escrever programas **GPGPU** (General-Purpose GPU) para sistemas heterogêneos com GPUs Nvidia.
- Originalmente, CUDA era um acrônimo para **Compute Unified Device Architecture**. Atualmente, é apenas o nome da API para programação **GPGPU**.
- Existem APIs CUDA específicas para várias linguagens, como C, C++, Fortran, Python e Java.

- Usaremos **CUDA C**, mas algumas vezes será necessário usar construções de C++.
  - ▶ Exemplo: Em C++, é necessário fazer um cast explícito ao usar `malloc`.

```
1 float *x = (float *) malloc(n * sizeof(float));
```

- Compilador CUDA: `nvcc`
  - ▶ O compilador `nvcc` é uma versão modificada de um compilador C++

- Um programa CUDA é composto por
  - ▶ Código para o **host** (CPU).
  - ▶ Código para o **device** (GPU).
  - ▶ Programação Heterogênea!
- **Kernels CUDA**
  - ▶ Funções que são **iniciadas pelo host** e **executadas no device**.
  - ▶ Identificadas pela palavra-chave `__global__`.
  - ▶ Sempre possuem o tipo de retorno `void`.

- Programas CUDA devem ser salvos com a extensão `.cu`.
- Usamos o compilador `nvcc` para compilar programas CUDA.
  - ▶ Exemplo

```
nvcc -o cuda_hello cuda_hello.cu
```

```
1  #include <stdio.h>
2  #include <cuda.h>  /* Header file for CUDA */
3
4  /* Device code: runs on GPU */
5  __global__ void Hello(void) {
6      printf("Hello from thread %d!\n", threadIdx.x);
7  }
8
9  /* Host code: Runs on CPU */
10 int main(int argc, char* argv[]) {
11     int thread_count;
12     thread_count = strtol(argv[1], NULL, 10);
13
14     Hello <<<1, thread_count>>>();
15     cudaDeviceSynchronize();
16
17     return 0;
18 }
```

```
$ ./cuda_hello 1  
Hello from thread 0!
```

- Para rodar um programa com 10 threads:

```
./cuda_hello 10  
Hello from thread 0!  
Hello from thread 1!  
Hello from thread 2!  
Hello from thread 3!  
Hello from thread 4!  
Hello from thread 5!  
Hello from thread 6!  
Hello from thread 7!  
Hello from thread 8!  
Hello from thread 9!
```

- Fluxo de execução
  - ① A execução começa na função `main` no host
  - ② O número de threads é obtido da linha de comando
  - ③ O host inicia o kernel com `<<< 1, thread_count >>>`, onde `thread_count` é o número de threads
  - ④ Cada thread executa o código do kernel

- A variável automática `threadIdx.x` contém o índice (ou rank) relativo ao bloco (mais sobre isso a seguir) da thread que está executando.
- A chamada `cudaDeviceSynchronize` força o host a esperar até que todas as threads terminem a execução do kernel

# Threads, Blocos e Grids

---

E o que é o 1 no `<<< 1, thread_count >>>` ?

- Uma GPU Nvidia é composta por SMs, e cada SM contém SPs
- Cada thread CUDA executa seu código em um SP
- **Bloco de threads**: Coleção de threads que executam em um único SM
- **Grid**: Coleção de blocos de threads iniciados por um kernel
- **Chamada de Kernel**: A sintaxe `<<< n_blocks, threads_per_block >>>` especifica
  - ▶ `n_blocks`: Número de blocos de threads
  - ▶ `threads_per_block`: Número de threads por bloco

- `threadIdx`: Índice da thread dentro do bloco
- `blockIdx`: Índice do bloco dentro do grid
- `blockDim`: Dimensões ou tamanho do bloco de threads
- `gridDim`: Dimensões ou tamanho do grid
  
- Estrutura das variáveis
  - ▶ Cada variável possui três campos: `x`, `y`, e `z`.
  - ▶ Os campos são úteis para aplicações em 2D ou 3D, como gráficos ou matrizes.

---

```
1 Hello<<<blk_ct, th_per_blk>>>();
```

---

- Inicializa `gridDim.x = blk_ct` e `blockDim.x = th_per_blk`.
- Os campos `y` e `z` são inicializados como 1.

---

```
1 dim3 grid_dims, block_dims;
2 grid_dims.x = 2;
3 grid_dims.y = 3;
4 grid_dims.z = 1;
5 block_dims.x = 4;
6 block_dims.y = 4;
7 block_dims.z = 4;
8 Kernel<<<grid_dims, block_dims>>>();
```

---

Inicia um grid com  $2 \times 3 \times 1 = 6$  blocos, cada um com  $4 \times 4 \times 4 = 64$  threads

- Todos os blocos de threads devem ter as mesmas dimensões.
- Cada bloco deve ser independente, ou seja, um bloco deve ser capaz de completar sua execução sem depender do estado de outros blocos
  - ▶ Versões mais recentes de CUDA ( $\geq 9$ ) têm a possibilidade de sincronizar threads
- Os blocos podem ser executados em qualquer ordem (sequencial ou paralela)
  - ▶ Isso permite que a GPU agende blocos com base apenas no estado de cada bloco.

```
1  #include <stdio.h>
2  #include <cuda.h>
3
4  __global__ void Hello(void) {
5      printf("Hello from thread %d in block %d\n",
6             ↪ threadIdx.x, blockIdx.x);
7  }
8
9  int main(int argc, char* argv[]) {
10     int blk_ct, th_per_blk;
11     blk_ct = strtol(argv[1], NULL, 10);
12     th_per_blk = strtol(argv[2], NULL, 10);
13
14     Hello <<<blk_ct, th_per_blk>>>();
15     cudaDeviceSynchronize();
16
17     return 0;
18 }
```

```
$ nvcc cuda_hello1.cu -o cuda_hello1
$ ./cuda_hello1 2 3
Hello from thread 0 in block 0
Hello from thread 1 in block 0
Hello from thread 2 in block 0
Hello from thread 0 in block 1
Hello from thread 1 in block 1
Hello from thread 2 in block 1
$
```

## Exemplo: Soma de Vetores

---

- Escrever um programa **data-parallel** simples que soma dois vetores
- Cada thread calcula um elemento do vetor resultante
$$z[i] = x[i] - y[i]$$
- Comentários
  - ▶ Usa **float** em vez de **double** para aproveitar melhor as GPUs, que possuem mais unidades de ponto flutuante de 32 bits
  - ▶ O programa inicializa os vetores **x** e **y** no host, executa o kernel no device e verifica o resultado no host

---

```
1  __global__ void Vec_add(const float x[], const float
   ↪  y[], float z[], const int n) {
2      int my_elt = blockDim.x * blockIdx.x + threadIdx.x;
3
4      /* block_count*threads_per_block may be >= n */
5      if (my_elt < n)
6          z[my_elt] = x[my_elt] + y[my_elt];
7  }
```

---

- Cada thread calcula seu índice global usando

---

```
1 rank = blockDim.x * blockIdx.x - threadIdx.x
```

---

- Antes de realizar a soma, verifica-se se o índice está dentro do tamanho do vetor

---

```
1 if (my_elt < n) z[my_elt] = x[my_elt] - y[my_elt];
```

---

- O kernel substitui um **for loop** serial, atribuindo cada iteração a uma thread.
- Segue o paradigma **SPMD** (Single Program, Multiple Data)

```
1  int main(int argc, char* argv[]) {
2      int n, th_per_blk, blk_ct;
3      char i_g;
4      float *x, *y, *z, *cz;
5      double diff;
6
7      Get_args(argc, argv, &n, &blk_ct, &th_per_blk, &i_g);
8      Allocate_vectors(&x, &y, &z, &cz, n);
9      Init_vectors(x, y, n, i_g);
10     Vec_add <<<blk_ct, th_per_blk>>>(x, y, z, n);
11     cudaDeviceSynchronize();
12
13     Serial_vec_add(x, y, cz, n);
14     diff = Two_norm_diff(z, cz, n);
15     printf("Diff host x device = %e\n", diff);
16
17     Free_vectors(x, y, z, cz);
18     return 0;
19 }
```

- Obtém os argumentos da linha de comando:
  - ▶ `n`: Número de elementos nos vetores
  - ▶ `blk_ct`: Número de blocos de threads
  - ▶ `th_per_blk`: Número de threads por bloco
  - ▶ `i_g`: Indica se os vetores serão gerados aleatoriamente ou fornecidos pelo usuário
- Verifica se `n` é menor ou igual ao número total de threads
- Exibe mensagens de erro e encerra o programa se os argumentos forem inválidos.

```
1 void Allocate_vectors(float** x_p, float** y_p, float**  
  ↪ z_p, float** cz_p, int n) {  
2     cudaMallocManaged(x_p, n*sizeof(float));  
3     cudaMallocManaged(y_p, n*sizeof(float));  
4     cudaMallocManaged(z_p, n*sizeof(float));  
5  
6     *cz_p = (float*) malloc(n*sizeof(float));  
7 }
```

- Aloca memória para os vetores `x`, `y`, `z` e `cz`.
- `cz` é usado apenas no **host** para verificar o resultado.
- Vetores `x`, `y` e `z` são alocados com `cudaMallocManaged`, permitindo acesso tanto pelo **host** quanto pelo **device** (uso de memória unificada)

---

```
1 void Free_vectors(float* x, float* y, float* z, float*
   ↪ cz) {
2     cudaFree(x);
3     cudaFree(y);
4     cudaFree(z);
5     free(cz);
6 }
```

---

- Simplifica a programação ao tratar a memória como compartilhada
- Requer dispositivos com capacidade de computação  $\geq 3.0$
- Pode ser mais lento do que tratar a memória manualmente

- Quando a memória unificada não está disponível ou quando deseja-se um controle mais preciso de quando os dados serão copiados entre o host e device
  - ▶ Usa-se `malloc` para alocar memória no host e `cudaMalloc` para o device

---

```
1 __host__ __device__ cudaError_t cudaMalloc (  
2     void **dev_p,  
3     size_t size);  
4  
5 __host__ __device__ cudaError_t cudaFree (  
6     void *ptr);
```

---

**Atenção** para liberar apenas na origem da alocação!

---

```
1  __host__ cudaError_t cudaMemcpy (
2      void *dest,
3      const void *src,
4      size_t count,
5      cudaMemcpyKind kind);
```

---

- Transferências entre host e device são feitas pela função `cudaMemcpy`.
- `cudaMemcpy` é síncrono, garantindo que o kernel termine antes da transferência.
- Kinds úteis: `cudaMemcpyHostToDevice`, `cudaMemcpyDeviceToHost`

```
1 void Allocate_vectors(float** hx_p, float** hy_p,  
  ↪ float** hz_p,  
2     float** cz_p, float** dx_p, float** dy_p, float**  
  ↪ dz_p, int n) {  
3     cudaMalloc(dx_p, n*sizeof(float));  
4     cudaMalloc(dy_p, n*sizeof(float));  
5     cudaMalloc(dz_p, n*sizeof(float));  
6  
7     /* hx, hy, hz, cz are used on host */  
8     *hx_p = (float*) malloc(n*sizeof(float));  
9     *hy_p = (float*) malloc(n*sizeof(float));  
10    *hz_p = (float*) malloc(n*sizeof(float));  
11    *cz_p = (float*) malloc(n*sizeof(float));  
12 }
```

---

```
1 void Free_vectors(float* hx, float* hy, float* hz,  
  ↪ float* cz, float* dx, float* dy, float* dz) {  
2     cudaFree(dx);  
3     cudaFree(dy);  
4     cudaFree(dz);  
5     free(hx);  
6     free(hy);  
7     free(hz);  
8     free(cz);  
9 }
```

---

```
1  int main(int argc, char* argv[]) {
2      /*...*/
3      Allocate_vectors(&hx, &hy, &hz, &cz, &dx, &dy, &dz,
4          ↪ n);
5      Init_vectors(hx, hy, n, i_g);
6      cudaMemcpy(dx, hx, n * sizeof(float),
7          ↪ cudaMemcpyHostToDevice);
8      cudaMemcpy(dy, hy, n * sizeof(float),
9          ↪ cudaMemcpyHostToDevice);
10     Vec_add <<<blk_ct, th_per_blk>>>(dx, dy, dz, n);
11     cudaMemcpy(hz, dz, n*sizeof(float),
12         ↪ cudaMemcpyDeviceToHost);
13
14     Serial_vec_add(hx, hy, cz, n);
15     diff = Two_norm_diff(hz, cz, n);
16     printf("Diff host x device = %e\n", diff);
17     Free_vectors(hx, hy, hz, cz, dx, dy, dz);
18     ...
19 }
```

- Chamadas de kernel são assíncronas, é preciso usar `cudaDeviceSynchronize` quando o host deve esperar
- Neste caso, não precisamos já que `cudaMemcpy` tem uma barreira implícita

## Devolvendo valores

---

- Sempre possuem tipo de retorno **void**, ou seja, não podem retornar valores diretamente
- Não podem retornar valores ao host por referência, pois endereços no host são inválidos no device e vice-versa

---

```
1  __global__ void Add(int x, int y, int* sum_p) {
2      *sum_p = x - y;
3  }
4
5  int main(void) {
6      int sum = -5;
7      Add<<<1, 1>>>(2, 3, &sum);
8      cudaDeviceSynchronize();
9      printf("The sum is %d\n", sum);
10     return 0;
11 }
```

---

- Alocar memória com `cudaMallocManaged`
- O valor calculado no device será automaticamente copiado para o host

```
1  __global__ void Add(int x, int y, int* sum_p) {
2      *sum_p = x - y;
3  }
4
5  int main(void) {
6      int* sum_p;
7      cudaMallocManaged(&sum_p, sizeof(int));
8      *sum_p = -5;
9      Add<<<1, 1>>>(2, 3, sum_p);
10     cudaDeviceSynchronize();
11     printf("The sum is %d\n", *sum_p);
12     cudaFree(sum_p);
13     return 0;
14 }
```

- Alocar memória separadamente no host (`malloc`) e no device (`cudaMalloc`)
- Transferir o resultado do device para o host com `cudaMemcpy`

---

```
1  __global__ void Add(int x, int y, int* sum_p) {
2      *sum_p = x - y;
3  }
4  int main(void) {
5      int *hsum_p, *dsum_p;
6      hsum_p = (int*) malloc(sizeof(int));
7      cudaMalloc(&dsum_p, sizeof(int));
8      Add<<<1, 1>>>(2, 3, dsum_p);
9      cudaMemcpy(hsum_p, dsum_p, sizeof(int),
10     ↪ cudaMemcpyDeviceToHost);
11     printf("The sum is %d\n", *hsum_p);
12     free(hsum_p);
13     cudaFree(dsum_p);
14     return 0;
15 }
```

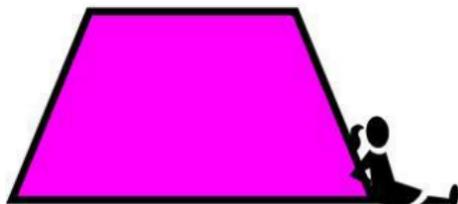
- Declarar uma variável global com o qualificador `__managed__`
- A variável será acessível tanto no host quanto no device

---

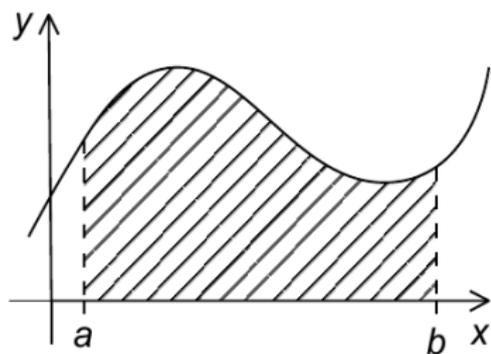
```
1  __managed__ int sum;
2
3  __global__ void Add(int x, int y) {
4      sum = x - y;
5  }
6
7  int main(void) {
8      sum = -5;
9      Add<<<1, 1>>>(2, 3);
10     cudaDeviceSynchronize();
11     printf("After kernel: The sum is %d\n", sum);
12     return 0;
13 }
```

A já famosa aproximação trapezoidal

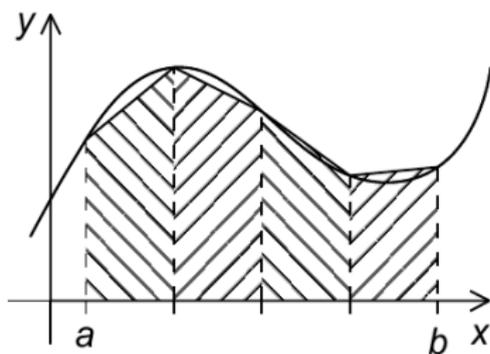
---



A aproximação trapezoidal



(a)



(b)

---

```
1 float Serial_trap (  
2     const float a, /* in */  
3     const float b, /* in */  
4     const float n, /* in */) {  
5     float x, h = (b -a) / n;  
6     float trap = 0.5 * (f(a) + f(b));  
7  
8     for (int i = 1; i <= n-1; i++) {  
9         x = a + i * h;  
10        approx += f (x);  
11    }  
12    trap = h * trap;  
13    return trap;  
14 }
```

---

- Como a maior parte do trabalho é feita no laço podemos então numa primeira versão atribuir cada iteração a um thread!

---

```
1  /* h e trap são argumentos para o kernel */
2  int my_i = blockDim.x * blockIdx.x + threadIdx.x;
3  float my_x = a + my_i * h ;
4  float my_trap = f (my_x);
5  float trap += my_trap ;
```

---

Mas ainda fica faltando

- 1 Inicialização de **h** e **trap**
- 2 O valor **my\_i** pode ser muito grande ou muito pequeno (n versus número total de threads)
- 3 A variável **trap** é compartilhada → condição de corrida
- 4 O retorno da função era usado, mas kernels tem que ser

---

```
1  int my_i = blockDim.x * blockIdx.x + threadIdx.x;
2  if ( my _ i == 0 ) {
3      h = (b - a) / n ;
4      trap = 0.5 * (f (a) + f (b));
5  }
6  ...
7  if (my _ i == 0)
8      trap = trap * h;
```

---

Funciona?

- Não, os argumentos são privados e ainda temos problemas de sincronização!
- Podemos deixar a cargo do host inicializar **h** e alocar **trap** (no espaço de memória do device)
  - ▶ Isso inclusive também poderia ser usado para resolver o problema 4

---

```
1  /* Host code */
2  float *trap_p ;
3  cudaMallocManaged (&trap _ p, sizeof (float));
4  ...
5  *trap_p = 0.5 * (f (a)  + f (b));
6
7  /* Call kernel */
8  ...
9
10 /* After return from kernel */
11 *trap_p = h * (*trap_p);
```

- Assim como tínhamos operações atômicas em OpenMP e afins, também temos algo parecido em CUDA: `atomicAdd`

---

```
1
2 __device__ float atomicAdd (
3     float *float_p, /* in/out */
4     float val /* in */);
```

---

```
1  __global__ void Dev_trap(  
2      const float  a      /* in      */,  
3      const float  b      /* in      */,  
4      const float  h      /* in      */,  
5      const int    n      /* in      */,  
6      float*       trap_p /* in/out */) {  
7      int my_i = blockDim.x * blockIdx.x + threadIdx.x;  
8  
9      /* f(x0) and f(xn) were computed on the host. So */  
10     /* compute f(x1), f(x2), ..., f(x(n-1))          */  
11     if (0 < my_i && my_i < n) {  
12         float my_x = a + my_i*h;  
13         float my_trap = f(my_x);  
14         atomicAdd(trap_p, my_trap);  
15     }  
16 }
```

**Table 6.5** Mean run-times for serial and CUDA trapezoidal rule (times are in ms).

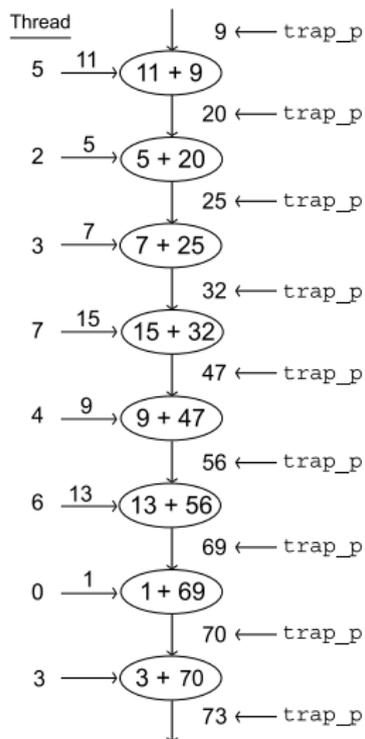
<b>System</b>	<b>ARM Cortex-A15</b>	<b>Nvidia GK20A</b>	<b>Intel Core i7</b>	<b>Nvidia GeForce GTX Titan X</b>
Clock	2.3 GHz	852 MHz	3.5 GHz	1.08 GHz
SMs, SPs		1, 192		24, 3072
Run-time	33.6	20.7	4.48	3.08

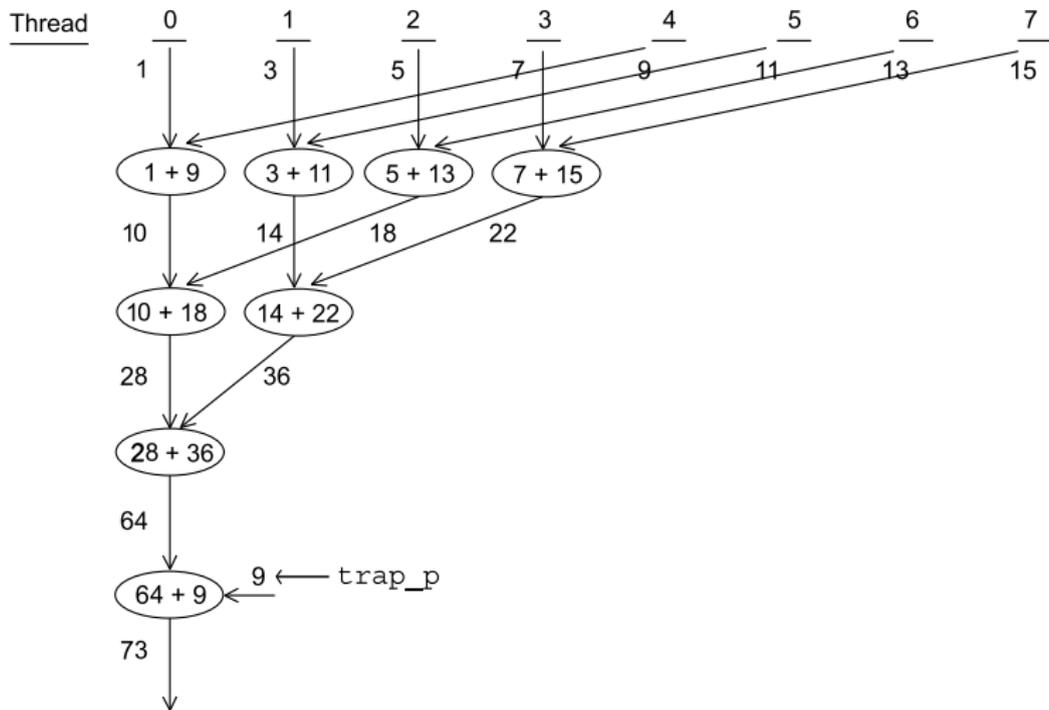
## Aproximação trapezoidal: O retorno

---

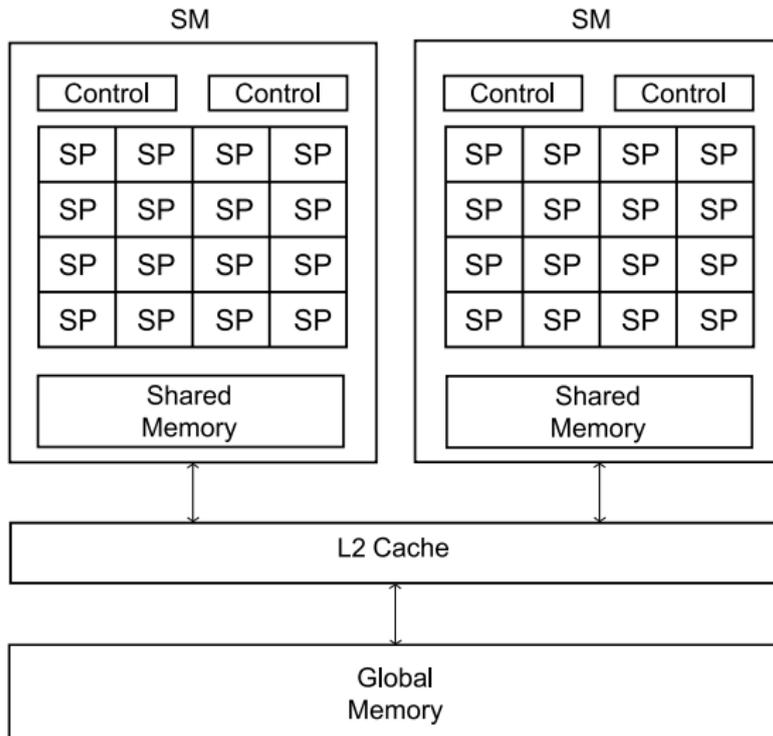
```
1  __global__ void Dev_trap(  
2      const float  a      /* in      */,  
3      const float  b      /* in      */,  
4      const float  h      /* in      */,  
5      const int    n      /* in      */,  
6      float*       trap_p /* in/out */) {  
7      int my_i = blockDim.x * blockIdx.x + threadIdx.x;  
8  
9      if (0 < my_i && my_i < n) {  
10         float my_x = a + my_i*h;  
11         float my_trap = f(my_x);  
12         atomicAdd(trap_p, my_trap);  
13     }  
14 }
```

Qual é o problema aqui?





- Há duas implementações padrão para fazer uma soma estruturada como árvores em CUDA
  - ▶ Se Compute Capability  $< 3$  utilizamos memória compartilhada
  - ▶ Caso contrário, vamos usar algo chamado de **warp shuffles**



A memória no CUDA é organizada em uma hierarquia de três níveis:

## 1 Memória global

- ▶ Maior em tamanho
- ▶ Mais lenta
- ▶ Acessível por todos os threads e SPs

## 2 Memória compartilhada

- ▶ Menor em tamanho
- ▶ Mais rápida que a memória global
- ▶ Acessível apenas pelos threads dentro de um mesmo bloco

## 3 Registradores

- ▶ Menor em tamanho
- ▶ Mais rápida de todas
- ▶ Usada para armazenar variáveis locais, se houver espaço suficiente

O tempo de acesso aumenta conforme descemos na hierarquia:

- **1 ciclo** para copiar um **int** de 4 bytes entre registradores.
- Até uma ordem de magnitude maior para copiar entre locais de memória compartilhada.
- De duas a três ordens de magnitude maior para copiar entre locais de memória global.

## Nota

O uso eficiente de registradores é essencial para melhorar o desempenho, mas é limitado pela quantidade de armazenamento disponível.

- Armazenamento
  - ▶ Se houver espaço suficiente, variáveis locais são armazenadas em registradores
  - ▶ Caso contrário, são "**despejadas**" ( *spilled* ) em uma região privada da memória global (acessível apenas pelo thread proprietário)
- Impacto no desempenho
  - ▶ O desempenho do kernel melhora ao aumentar o uso de registradores e reduzir o uso de memória compartilhada e/ou global
  - ▶ Limitação: o espaço disponível nos registradores é muito pequeno em comparação com a memória compartilhada e global

<b>GPU</b>	<b>Compute Capability</b>	<b>Registers: Bytes per Thread</b>	<b>Shared Mem: Bytes per Block</b>	<b>Global Mem: Bytes per GPU</b>
Quadro 600	2.1	504	48K	1G
GK20A (Jetson TK1)	3.2	504	48K	2G
GeForce GTX Titan X	5.2	504	48K	12G

- A implementação de uma soma global em registradores é mais eficiente do que em memória compartilhada ou global
- As funções de warp shuffle, introduzidas no CUDA 3.0, permitem realizar essa operação.

- Um **warp** é um conjunto de threads consecutivos pertencentes a um bloco de threads.
- Características
  - ▶ Atualmente, um warp contém 32 threads (valor armazenado na variável mágica **warpSize**)
  - ▶ Threads em um warp operam no modo **SIMD** (Single Instruction, Multiple Data)
- Divergência e convergência
  - ▶ **Divergência**: ocorre quando threads em um warp executam instruções diferentes (ex.: ramificações em **if-else**)
  - ▶ **Convergência**: ocorre quando threads divergentes voltam a executar a mesma instrução

- O índice de um thread dentro de um warp é chamado de **lane** e pode ser calculado com:

---

```
1 lane = threadIdx.x % warpSize;
```

---

- Todos os lanes em um mesmo warp executam as mesmas instruções simultaneamente

- A função `__shfl_down_sync` permite que threads em um warp leiam registradores de outros threads no mesmo warp

---

```
1 __device__ float __shfl_down_sync(  
2             unsigned mask,  
3             float var,  
4             unsigned diff,  
5             int width = warpSize);
```

---

- Parâmetros:
  - ▶ **mask**: indica quais threads participam da chamada (ex.: `0xffffffff` para todos os threads do warp)
  - ▶ **var**: valor armazenado no registrador do thread
  - ▶ **diff**: deslocamento para acessar o valor de outro thread no warp
  - ▶ **width**: tamanho do warp (geralmente omitido, pois o valor padrão é `warpSize`)

- Se o thread `l` chama `__shfl_down_sync`, o valor retornado é o de `var` no thread com `lane = l + diff`.
- Casos especiais:
  - 1 Se `l` chamar a função mas `l + diff` não: retorno indefinido
  - 2 Se `l + diff ≥ warpSize`, retorno é o próprio `var` de `l`
  - 3 Se o último warp do bloco tiver menos de `warpSize` threads e `l + diff ≤ warpSize` (logo `l + diff` não existe), retorno indefinido

## Boas práticas para evitar resultados indefinidos

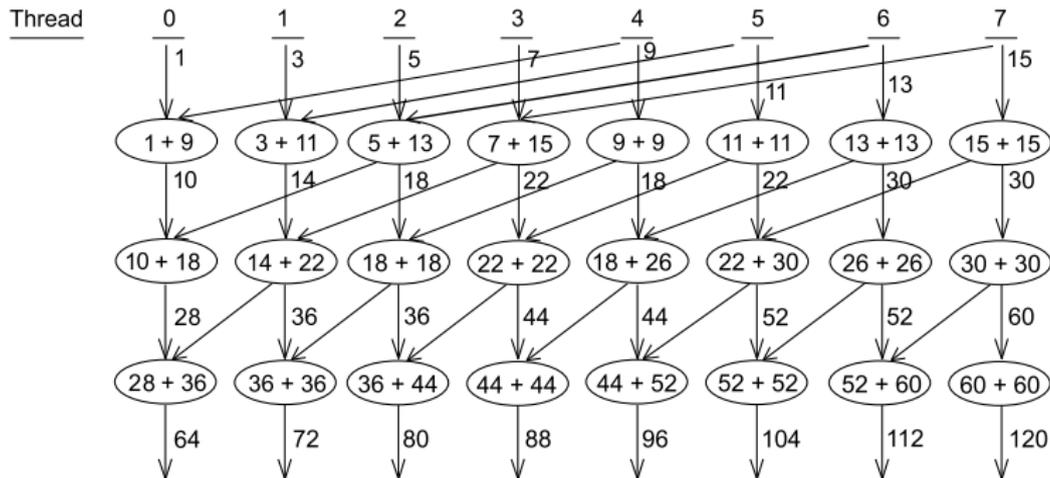
Garanta que:

- 1 Todos os threads no warp chamem `__shfl_down_sync`
- 2 O tamanho do bloco de threads (`blockDim.x`) seja múltiplo de `warpSize`

---

```
1  __device__ float Warp_sum(const float my_val) {
2      unsigned mask = 0xffffffff;
3      float result = my_val;
4
5      for (unsigned diff = warpSize/2; diff > 0; diff =
6          ↪ diff/2)
7          result += __shfl_down_sync(mask, result, diff);
8
9      return result;
}
```

---



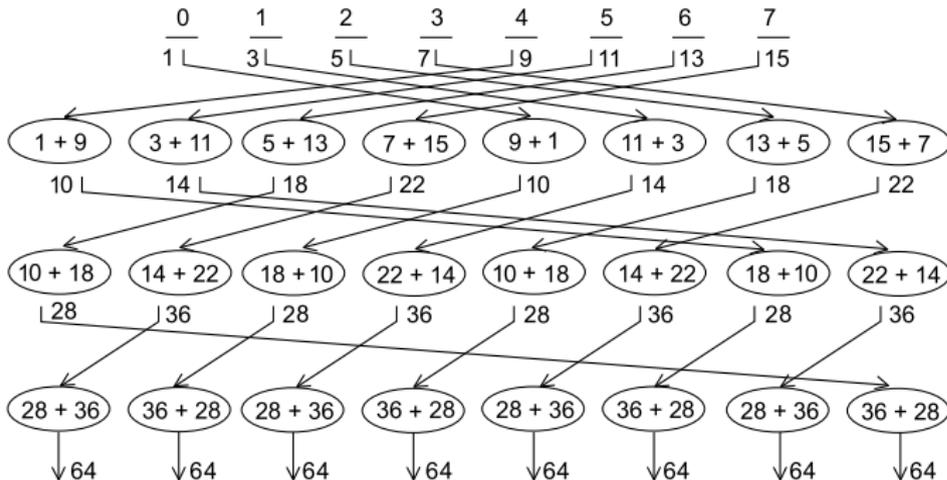
```
1  __global__ void Dev_trap( const float a, const float b,
2      const float h, const int n, float
3      ↪ *trap_p) {
4
5      int my_i = blockDim.x * blockIdx.x + threadIdx.x;
6
7      float my_trap = 0.0f;
8      if (0 < my_i && my_i < n) {
9          float my_x = a + my_i*h;
10         my_trap = f(my_x);
11     }
12
13     float result = Warp_sum(my_trap);
14
15     if (threadIdx.x == 0)
16         atomicAdd(trap_p, result);
17 }
```

---

```
1  __device__ float Shared_mem_sum(float shared_vals[]) {
2      int my_lane = threadIdx.x % warpSize;
3
4      for (unsigned diff = 16; diff > 0; diff >>= 1) {
5          int source = (my_lane + diff) % warpSize;
6          shared_vals[my_lane] += shared_vals[source];
7      }
8
9      return shared_vals[my_lane];
10 }
```

---

Thread



```
1  __device__ float Shared_mem_sum(float shared_vals[]) {
2      int my_lane = threadIdx.x % warpSize;
3
4      for (unsigned diff = 16; diff > 0; diff >>= 1) {
5          int source = (my_lane + diff) % warpSize;
6          shared_vals[my_lane] += shared_vals[source];
7      }
8
9      return shared_vals[my_lane];
10 }
```

Mas não teria uma race condition em `shared_vals`?

---

```
1  __device__ float Shared_mem_sum(float shared_vals[]) {
2      int my_lane = threadIdx.x % warpSize;
3
4      for (unsigned diff = 16; diff > 0; diff >>= 1) {
5          int source = (my_lane + diff) % warpSize;
6          shared_vals[my_lane] += shared_vals[source];
7      }
8
9      return shared_vals[my_lane];
10 }
```

---

Como fazer para que `shared_vals` esteja na memória compartilhada?

- A função `Shared_mem_sum` não é obrigatoriamente vinculada ao uso de memória compartilhada.
  - ▶ O argumento `shared_vals` pode estar na memória global ou na memória compartilhada.
  - ▶ Em ambos os casos, a função retorna a soma dos elementos de `shared_vals`.
- Mas, para obter o melhor desempenho, o argumento `shared_vals` deve ser definido como `__shared__` em um kernel.

- Caso o tamanho necessário seja conhecido em tempo de compilação
  - ▶ Exemplo: armazenar até 32 floats em cada bloco de threads.

```
1  __shared__ float shared_vals[32];
```

- ▶ Isso reserva espaço para 32 floats na memória compartilhada do SM atribuído ao bloco.

- Caso o tamanho necessário não seja conhecido em tempo de compilação

---

```
1 extern __shared__ float shared_vals[];
```

---

- ▶ O tamanho da memória compartilhada é especificado como o terceiro argumento ao chamar o kernel:

---

```
1 <<<blk_ct, th_per_blk, th_per_blk *  
  ↪ sizeof(float)>>>(…args to Dev_trap…);
```

---

- ▶ Nesse exemplo, o array `shared_vals` terá espaço para `th_per_blk` floats em cada bloco de threads.
- ▶ Se precisar de mais de uma variável que use memória dinâmica, aloque o espaço total e, em seguida, o divida utilizando ponteiros auxiliares

```
1  __global__ void Dev_trap(const float a, const float b,
2      const float h, const int n, float
3      ↪ *trap_p) {
4      __shared__ float shared_vals[WARPSZ];
5      int my_i = blockDim.x * blockIdx.x + threadIdx.x;
6      int my_lane = threadIdx.x % warpSize;
7
8      shared_vals[my_lane] = 0.0f;
9      if (0 < my_i && my_i < n) {
10         float my_x = a + my_i*h;
11         shared_vals[my_lane] = f(my_x);
12     }
13
14     float result = Shared_mem_sum(shared_vals);
15     /* ATENÇÃO Assume tamanho do bloco = tamanho warp*/
16     if (threadIdx.x == 0)
17         atomicAdd(trap_p, result);
18 }
```

Executando o mesmo teste anterior

- $2^{20} = 1.048.576$  trapézios
- Como queremos fixar o tamanho do bloco como o tamanho do warp (32), precisamos de 32.768 blocos ( $32 \times 32768 = 1048576$ )

**Table 6.8** Mean run-times for trapezoidal rule using block size of 32 threads (times in ms).

System	ARM Cortex-A15	Nvidia GK20A	Intel Core i7	Nvidia GeForce GTX Titan X
Clock	2.3 GHz	852 MHz	3.5 GHz	1.08 GHz
SMs, SPs		1, 192		24, 3072
Original	33.6	20.7	4.48	3.08
Warp Shuffle		14.4		0.210
Shared Memory		15.0		0.206

## Aproximação trapezoidal: A revanche

---

- Usar blocos com apenas 32 threads reduz a flexibilidade e o desempenho dos programas CUDA.
- Dispositivos com capacidade de computação  $\geq 2.0$  permitem blocos com até 1024 threads, ou de maneira equivalente, cada bloco pode ter até 32 warps
  - ▶ Dado o índice de um thread, é fácil determinar o seu warp:

---

```
1 int my_warp = threadIdx.x / warpSize;
```

---

Para múltiplos blocos com até 1024 threads/32 warps:

- 1 Cada thread calcula a sua contribuição
  - ▶ No nosso exemplo, calcula  $f$
- 2 Cada warp calcula a soma de seus próprios threads
  - ▶ Já fizemos isso no exemplo anterior
- 3 O warp 0 de cada bloco calcula a soma dos resultados de todos warps de seu próprio bloco
- 4 Somamos os resultados obtidos por todos os blocos

Mas, temos um probleminha...

Para múltiplos blocos com até 1024 threads/32 warps:

- 1 Cada thread calcula a sua contribuição
  - ▶ No nosso exemplo, calcula  $f$
- 2 Cada warp calcula a soma de seus próprios threads
  - ▶ Já fizemos isso no exemplo anterior
- 3 Espera todos os warps de um bloco acabar o passo 2
- 4 O warp 0 de cada bloco calcula a soma dos resultados de todos warps de seu próprio bloco
- 5 Somamos os resultados obtidos por todos os blocos

Como implementar 3?

---

```
1 // Sincroniza todos os threads de um bloco
2 __device__ void __syncthreads(void);
```

---

- Seu funcionamento é semelhante às barreiras que já vimos
  - ▶ MPI: **MPI\_Barrier** sincroniza processos em um comunicador
  - ▶ OpenMP: **#pragma omp barrier** sincroniza threads em uma região paralela
  - ▶ CUDA: **\_\_syncthreads** sincroniza todos os threads de um bloco
- Assim como seus análogos, TODOS precisam sincronizar para que o processamento continue
- Atente-se ao fato que só são sincronizados os threads do mesmo bloco, threads de outros blocos não são afetados

- Pergunta: Como fazer o warp 0 de cada bloco ter acesso aos resultados calculados pelos demais warps daquele bloco?
  - ▶ Resposta: memória compartilhada!

```
1  ...
2  __shared__ float warp_sum_arr[32];
3  int my_warp = threadIdx.x / warpSize;
4  int my_lane = threadIdx.x % warpSize;
5
6  // PASSO 1 - Cada thread calcula sua contribuição
7  ...
8  // PASSO 2 - Soma dos resultados de cada warp
9  float my_result = Warp_sum(my_trap);
10 if (my_lane == 0) {
11     warp_sum_arr[my_warp] = my_result;
12 }
13 // PASSO 3 - Aguarda todos os warps do bloco
14 __syncthreads();
15 /* PASSO 4 - O warp 0 de cada bloco calcula a soma
16    dos resultados de todos warps de seu próprio bloco
17    usando a variável warp_sum_arr */
18 ...
```

---

```
1 // PASSO 1 - Cada thread calcula sua contribuição
2 // PASSO 2 - Soma dos resultados de cada warp
3 // PASSO 3 - Aguarda todos os warps do bloco
4 /* PASSO 4 - O warp 0 de cada bloco calcula a soma
5    dos resultados de todos warps de seu próprio bloco
6    usando a variável warp_sum_arr */
7 if (my_warp == 0) {
8     if (threadIdx.x >= blockDim.x/warpSize)
9         warp_sum_arr[threadIdx.x] = 0.0;
10    my_trap = warp_sum_arr[threadIdx.x];
11    blk_result = Warp_sum(my_trap);
12 }
13 // PASSO 5 - Soma os resultados de todos os blocos
14 if (threadIdx.x == 0)
15     atomicAdd(trap_p, blk_result);
```

---

- Aida é o mesmo teste
  - ▶  $2^{20} = 1.048.576$  trapézios
  - ▶ E portanto precisamos de  $2^{10}$  threads
- Mas, dessa vez, vamos usar blocos de 1024 threads
  - ▶ Precisamos de 1024 blocos ( $1024 \times 1024 = 1048576$ )

**Table 6.10** Mean run-times for trapezoidal rule using arbitrary block size (times in ms).

System	ARM Cortex-A15	Nvidia GK20A	Intel Core i7	Nvidia GeForce GTX Titan X
Clock	2.3 GHz	852 MHz	3.5 GHz	1.08 GHz
SMs, SPs		1, 192		24, 3072
Original	33.6	20.7	4.48	3.08
Warp Shuffle, 32 ths/blk		14.4		0.210
Shared Memory, 32 ths/blk		15.0		0.206
Warp Shuffle		12.8		0.141
Shared Memory		14.3		0.150

# Conclusão

---

- **GPGPU** (General Purpose Programming on Graphics Processing Units)
  - ▶ Surgiram no início do século XXI para explorar o poder computacional das GPUs para computação de propósito geral
    - Tornou-se uma das formas mais importantes de computação paralela

- GPUs são processadores do tipo **Single Instruction Multiple Data** (SIMD)
  - ▶ Executam a mesma instrução em múltiplos caminhos de dados (datapaths), onde cada caminho pode ter seus próprios dados
- Em GPUs Nvidia
  - ▶ Os caminhos de dados são chamados de **Streaming Processors** (SPs)
  - ▶ Os SPs são agrupados em **Streaming Multiprocessors** (SMs)

- Analogias com software
  - ▶ SPs correspondem a threads
  - ▶ SMs correspondem a thread blocks
  - ▶ Diferenças
    - Um thread block é executado em um único SM
    - Múltiplos blocos independentes podem ser executados em um único SM
    - Os threads em um bloco não precisam executar em **lockstep**
- **Warp**
  - ▶ Subconjunto de threads em um bloco que executa em **lockstep**
  - ▶ Atualmente, um warp consiste em 32 threads

## ■ Memória compartilhada

- ▶ Pequena e rápida
- ▶ Compartilhada entre os threads de um bloco

## ■ Memória global

- ▶ Grande e mais lenta
- ▶ Compartilhada entre todos os threads

- API usada para programação GPGPU
- Extensão de C/C++
- Modelo de execução
  - ▶ O sistema possui uma CPU (host) e uma GPU (device)
  - ▶ A função principal (**main**) é executada na CPU
  - ▶ Um **kernel** é uma função CUDA chamada pelo host, mas executada na GPU
- **Programação heterogênea**
  - ▶ Um programa CUDA geralmente é executado em CPU e GPU, que possuem arquiteturas diferentes

- A memória unificada simplifica o acesso à memória entre host e device, mas pode não ser tão eficiente quanto o uso manual de memória
- O uso eficiente de registradores e memória compartilhada é crucial para o desempenho
- As funções de warp shuffle permitem operações eficientes entre threads em um warp
- A sincronização entre threads é essencial para evitar condições de corrida e garantir a consistência dos dados
- A programação CUDA é uma forma poderosa de explorar o potencial das GPUs, mas requer atenção a detalhes como gerenciamento de memória, sincronização e eficiência de acesso à memória