

## Aula 15:

- Métodos simples de busca
- Métodos simples de ordenação

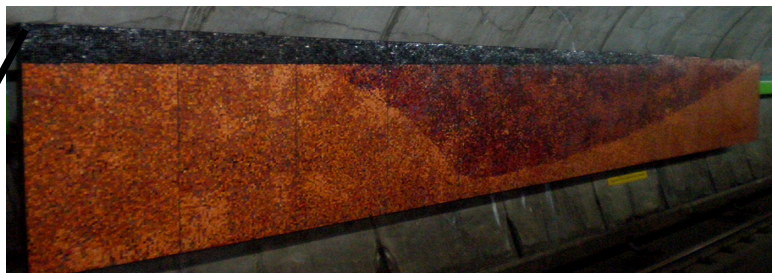
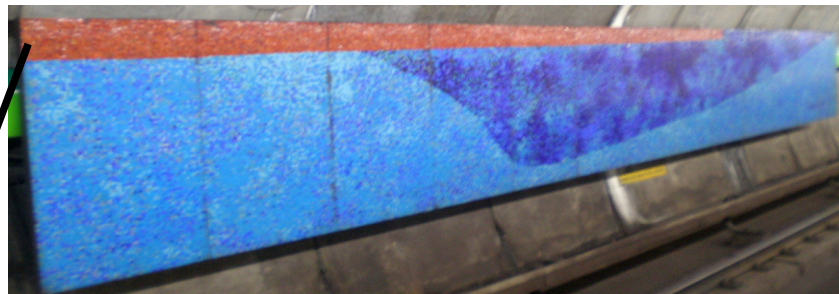
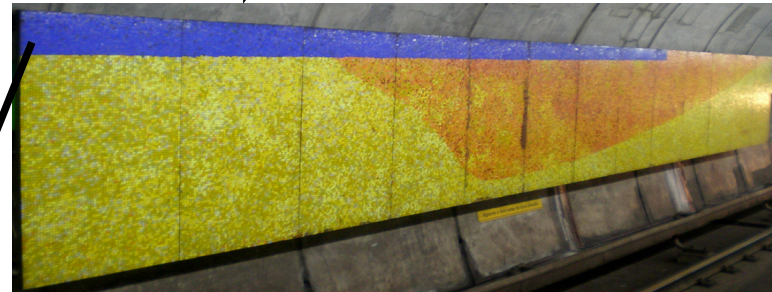
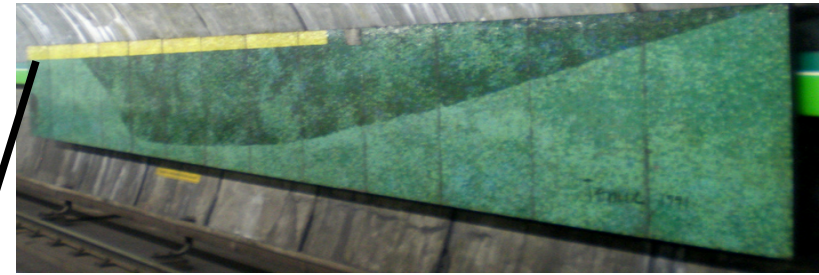
Prof. Jesús P. Mena-Chalco  
jesus.mena@ufabc.edu.br

3Q-2017



# Listas encadeadas

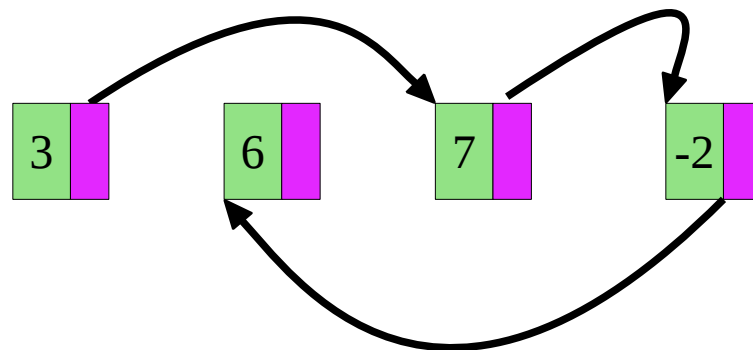
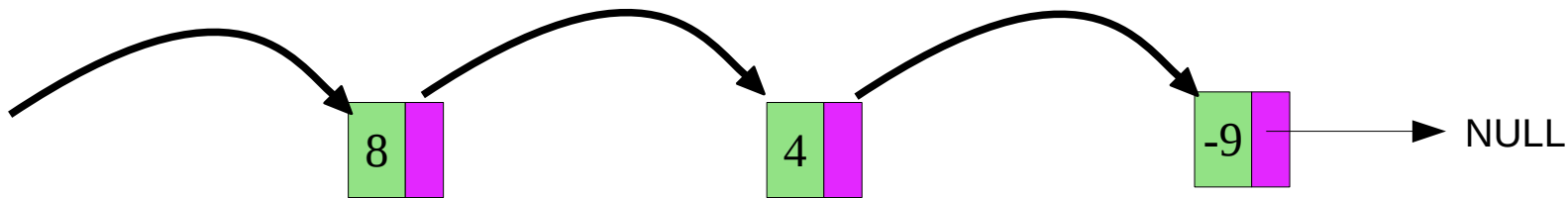
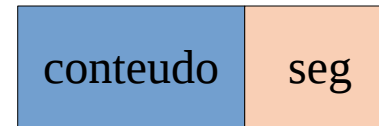
Estação Consolação: “Quatro estações” (1991). Mosaico abstrato feito de pastilhas vitrificadas por Tomie Ohtake



NULL

# Exemplos lista encadeada

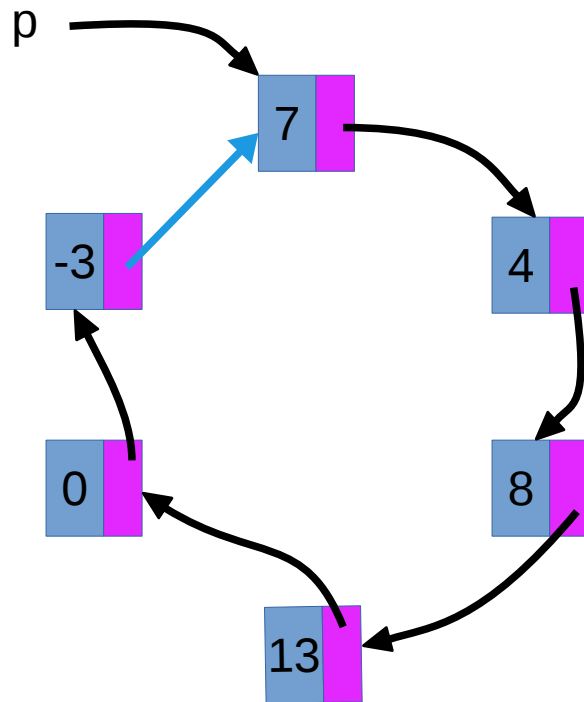
```
struct cel {  
    int conteudo;  
    struct cel *seg;  
};  
  
typedef struct cel celula;
```



*No caso da última célula, o endereço é NULL*

# Outros tipos de listas encadeadas:

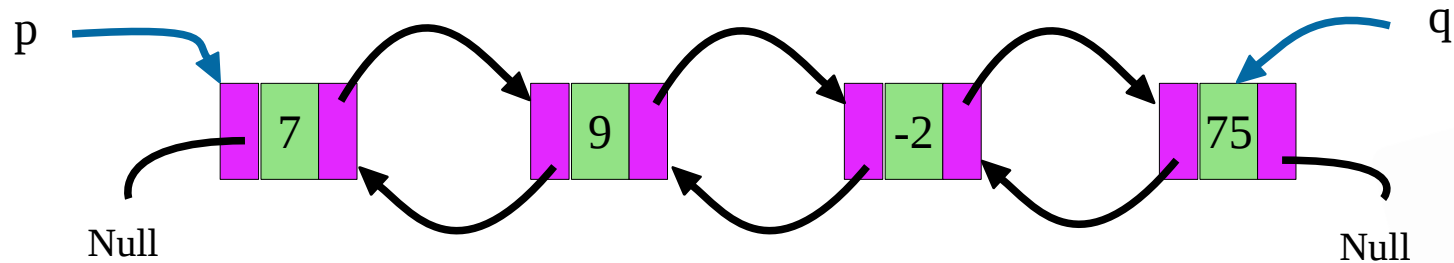
- Lista circular



*A última célula aponta para a primeira*

## Outros tipos de listas encadeadas:

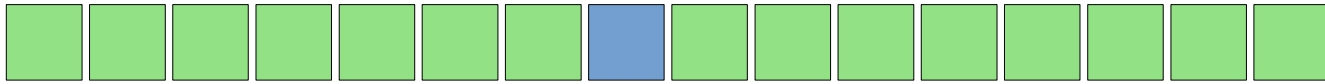
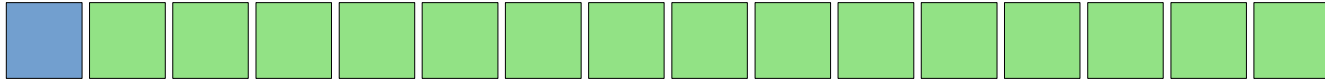
- Lista duplamente encadeada



*Cada célula contém o endereço da célula anterior e o da seguinte*



# **Busca de um elemento em um vetor**





```
int buscaChave(int chave , int A[], int n) {  
    int i;  
  
    for(i=0; i<n; i++) {  
        if (chave == A[i])  
            return i;  
    }  
    return -1;  
}
```

# Busca Linear

```
int buscaChave2(int chave , int A[], int n) {  
    int i;  
    i = n-1;  
  
    while(i >= 0 && A[i] != chave) {  
        i--;  
    }  
    return i;  
}
```

Versão  
Elegante!

# Busca Linear Recursiva

Crie uma função recursiva para identificar um elemento em um vetor.

Assinatura / Prototipo:

```
int buscaChaveRec (int chave, int A[], int n)
```

# Busca Linear Recursiva

```
int buscaChaveRec (int chave, int A[], int n) {  
    if (n==0)  
        return -1;  
    if (chave==A[n-1])  
        return n-1;  
  
    return buscaChaveRec(chave, A, n-1);  
}  
  
int main(int argc, char *argv[])
```



# Busca Binária

Vetor sem ordem

0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15
88	100	44	99	11	22	66	140	33	120	130	200	110	150	55	77

**Melhor caso: 1**  
**Pior caso:  $n$**

Vetor crescente

0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15
11	22	33	44	55	66	77	88	99	100	110	120	130	140	150	200

**Melhor caso: 1**  
**Pior caso:  $\log(n)$**

# Busca Binaria Recursiva

```
int buscaBinariaRec (int chave, int A[], int inf, int sup) {  
    int meio = (inf+sup)/2;  
  
    if (inf>sup)  
        return -1;  
  
    if (chave==A[meio])  
        return meio;  
  
    if (chave<A[meio])  
        return buscaBinariaRec(chave, A, inf, meio-1);  
    else  
        return buscaBinariaRec(chave, A, meio+1, sup);  
}
```

**Melhor caso: 1**  
**Pior caso:  $\log(n)$**

```
buscaBinariaRec(9000000, vetor, 0, n-1 );
```

Vetor  
sem  
ordem

0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15
88	100	44	99	11	22	66	140	33	120	130	200	110	150	55	77

**Melhor caso: 1**  
**Pior caso: n**



**Chave = 101**

0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15
11	22	33	44	55	66	77	88	99	100	110	120	130	140	150	200

**Chave = 101**

0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15
11	22	33	44	55	66	77	88	99	100	110	120	130	140	150	200

11	22	33	44	55	66	77	88	99	100	110	120	130	140	150	200
----	----	----	----	----	----	----	----	----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----

Inf = 0  
Sup = 15

Chave = 101

0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15
11	22	33	44	55	66	77	88	99	100	110	120	130	140	150	200

11	22	33	44	55	66	77	88	99	100	110	120	130	140	150	200
----	----	----	----	----	----	----	----	----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----

Inf = 0  
Sup = 15

99	100	110	120	130	140	150	200
----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----

Inf = 8  
Sup = 15

Chave = 101

0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15
11	22	33	44	55	66	77	88	99	100	110	120	130	140	150	200

11	22	33	44	55	66	77	88	99	100	110	120	130	140	150	200
----	----	----	----	----	----	----	----	----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----

Inf = 0  
Sup = 15

99	100	110	120	130	140	150	200
----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----

Inf = 8  
Sup = 15

99	100	110
----	-----	-----

Inf = 8  
Sup = 10

Chave = 101

0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15
11	22	33	44	55	66	77	88	99	100	110	120	130	140	150	200

11	22	33	44	55	66	77	88	99	100	110	120	130	140	150	200
----	----	----	----	----	----	----	----	----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----

Inf = 0  
Sup = 15

99	100	110	120	130	140	150	200
----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----

Inf = 8  
Sup = 15

99	100	110
----	-----	-----

Inf = 8  
Sup = 10

110
-----

Inf = 10  
Sup = 10

Chave = 101

0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15
11	22	33	44	55	66	77	88	99	100	110	120	130	140	150	200

11	22	33	44	55	66	77	88	99	100	110	120	130	140	150	200
----	----	----	----	----	----	----	----	----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----

Inf = 0  
Sup = 15

99	100	110	120	130	140	150	200
----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----

Inf = 8  
Sup = 15

99	100	110
----	-----	-----

Inf = 8  
Sup = 10

110
-----

Inf = 10  
Sup = 10

∅

Inf = 10  
Sup = 9

# Para pensar... P2?

- A) Se a chave não estiver no vetor, então devolver o índice do elemento mais próximo à chave.
- B) Faça uma função iterativa para a busca binária

# Ordenação

- Ordenar corresponde ao **processo de re-arranjar um conjunto de objetos** em ordem ascendente ou descendente.
- **Por que ordenar?**  
O objetivo principal da ordenação é **facilitar a recuperação posterior** de itens do conjunto ordenado.  
Geralmente considerado no primeiro passo para resolver um problema prático.
- As ordens mais utilizadas são a numérica e lexicográfica.



Show results for **Age Range**


- Birth to 24 Months (362,856)
- 2 to 4 Years (1,985,067)
- 5 to 7 Years (362,563)
- 8 to 13 Years (412,082)
- 14 Years & Up (540,479)

- Toys & Games**
- Action Figures & Statues (864,805)
  - Arts & Crafts (136,514)
  - Baby & Toddler Toys (200,977)
  - Building Toys (48,366)
  - Dolls & Accessories (119,524)
  - Dress Up & Pretend Play (274,580)
  - Electronics for Kids (63,017)
  - Games (405,915)
  - Grown-Up Toys (513,571)
  - Hobbies (450,727)
  - Kids' Furniture, Décor & Storage (205,822)
  - Learning & Education (110,632)
  - Novelty & Gag Toys (127,291)
  - Party Supplies (185,666)
  - Puppets (51,512)
  - Puzzles (723,919)
  - Sports & Outdoor Play (123,028)
  - Stuffed Animals & Plush Toys (584,298)
  - Toy Remote Control & Play Vehicles (160,735)
  - Tricycles, Scooters & Wagons (53,253)
  - Video Games (13,034)


Refine by **International Shipping**

- Ship to Brazil

- Featured Characters & Brands**
- Magic the Gathering (76,831)
  - Yu-Gi-Oh! (74,198)
  - Pokemon (48,569)
  - Star Wars (35,715)
  - Barbie (30,257)
  - Hello Kitty (16,918)
  - Disney Princess (16,171)
  - + See more
- Interest**
- Animals & Nature (682,287)
  - Anime & Manga (24,742)
  - Comics (8,060)
  - Fantasy & Sci-Fi (228,280)
  - Fashion (124,567)



**Manley Tekno Best Friend Robot, Sakura**  
More Choices from \$1,000,000,000,000.00  
★☆☆☆☆ +14



**A Really Expensive Rock**  
More Choices from \$500,000.00  
★★★★☆ +95



**Disguise Funky Witch Costume Nose**  
\$99,996.98  
★★★★☆ +8



**Rubies Costumes Inflatable Mallet**  
\$99,996.75  
★★★★☆ +1



**Ms. Popeye (Popeye) Plus Size Costume**  
\$99,996.31




**Rubie's Costume Co Green Hornet Mask Costume**  
More Choices from \$99,996.01



**Delta Force Kids Costume**  
\$99,995.77




**1795 Flowing Hair Dollar MS62 NGC**  
\$91,900.00  
Only 1 left in stock - order soon.




**BARRACUDA NETWORKS Bma1050a-E3 3 Year Energize Updates For Barracuda Message Archiver 1050**  
\$88,301.54 ~~\$92,049.00~~




**1806 Draped Bust Half Dollar MS65 NGC**  
\$78,800.00  
Only 1 left in stock - order soon.




**BARRACUDA NETWORKS Bma1050a-P3 3 Year Premium Support For Barracuda Message Archiver 1050**  
\$71,961.54 ~~\$75,749.00~~




**BARRACUDA NETWORKS Byf1010a-H3 3 Year Instant Replacement For Barracuda Web Filter 1010**  
\$52,344.05 ~~\$55,099.00~~




**CTA DIGITAL - IPAD W/RD/3/2 KIDS EASEL**  
\$50,000.00




**Scotch 1427 Multi-Purpose Scissors - 7" Overall Length - Straight-left/right - Stainless Steel - Red, Silver**  
\$49,999.98




**Graco RoadLazer RoadPak Tow-Behind System - Option 4 - 16N438**  
\$49,240.00



**Princess Modular Play Set**  
\$47,056.92  
★★★★★ +1




**Thomas Modular Play Set**  
★★★★★ +1




**BARRACUDA NETWORKS Byf1010a-P3 3 Year Premium Support For Barracuda Web Filter 1010**  
\$52,344.05 ~~\$55,099.00~~



**FlexCourt Double Tennis Court 108'x120' - Complete kit**  
More Choices from \$41,455.00



**1802 Draped Bust Two and a half Dollar MS61 NGC**  
\$36,800.00  
Only 1 left in stock - order soon.



**Aeronavics SkyJib-8 Ti-QR Professional Multirotor Helicopter**  
More Choices from \$36,500.00

# Por que ordenar?

- **Busca de elementos:**  
O usuário geralmente quer os dados ordenados.
- **Deduplicação de elementos:**  
Ordenar é muito útil para eliminar duplicações.
- Projeção de objetos em um espaço 3D.
- Criação de uma árvore geradora mínima.
- Ordenar é o primeiro passo para “carregar” os dados em uma estrutura tipo árvore B+.

# Algoritmos para ordenar elementos

- Baseado em comparações:
  - Bogo sort
  - Selection sort
  - Insertion sort
  - Bubble sort
  - Mergesort
  - Quicksort
  - Heapsort
- Ordenação em tempo linear:
  - Radix sort
- Ordenação de primeiros elementos (seleção parcial):
  - Partial Quicksort

# O problema de ordenar na forma crescente

- Um vetor  $v[0..n-1]$  é crescente se  $v[0] \leq v[1] \leq \dots \leq v[n-1]$
- O problema de ordenação de um vetor consiste em **rearranjar (ou seja, permutar) os elementos de um vetor  $v[0..n-1]$  de tal modo que ele se torne crescente.**
- **Vetores ordenados na forma crescente:**
  - $\{1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1\}$
  - $\{0, 1, 1, 1, 2, 3, 4, 4, 4, 4, 4, 4, 100\}$



**Verificar se um vetor  $v[0..n-1]$  é crescente**

```

int crescente(int v[], int n) {
    int i;

    for (i=0; i<n-1; i=i+1)
        if (v[i]>v[i+1])
            return 0;

    return 1;
}

```

```

int crescente2(int v[], int n) {
    int i=0;

    while(i<n-1 && v[i]<=v[i+1]) {
        i = i+1;
    }

    if (i==n-1)
        return 1;
    else
        return 0;
}

```

Número de comparações  $T(n)$ :

- No melhor caso:  $T(n) = 1$

- No pior caso:  $T(n) = n-1$

$T(n) = O(n)$

Crie uma versão recursiva da função crescente

# Vetor crescente (recursiva)

```
int crescenteRec(int v[], int n) {
    if (n==1)
        return 1;

    if (v[n-2]<=v[n-1])
        return crescenteRec(v, n-1);
    else
        return 0;
}
```

```
int main()
{
    int v[] = {0, 1, 1, 1, 2, 3, 4, 4, 4, 4, 4, 4, 100};
    int n=sizeof(v)/sizeof(v[0]);

    printf("%d\n", crescenteRec(v, n) );
}
```

Número de comparações  $T(n)$ :

- No melhor caso:  $T(n) = 1$

- No pior caso:  $T(n) = n-1$

$T(n) = O(n)$



# Embaralhando um vetor



```
#include <time.h>
#include <stdio.h>
#include <stdlib.h>
```

```
void embaralhar(int v[], int n) {
    int i, r, temp;
    srand ( time(NULL) );

    for (i=0; i<n; i=i+1) {
        r = rand()%n;

        temp = v[i];
        v[i] = v[r];
        v[r] = temp;
    }
}
```

Número de trocas de elementos  $T(n)$ :

- No melhor caso:  $T(n) = n$
- No pior caso:  $T(n) = n$

$T(n) = O(n)$



**(1)**

**Bogo sort**

**Miracle sort**

**Monkey sort**

**Stupid sort**

```

void imprimir(int v[], int n) {
    int i;
    for (i=0; i<n; i=i+1) {
        printf("%d ", v[i] );
    }
    printf("\n");
}

```

```

void bogoSort(int v[], int n) {
    while (crescenteRec(v,n)==0) {
        embaralhar(v,n);
    }
}

```

```

int main()
{
    int v[] = {100,4,999,555,222,3,0,-1};
    int n=sizeof(v)/sizeof(v[0]);

    imprimir(v, n);
    bogoSort(v, n);
    imprimir(v, n);
}

```

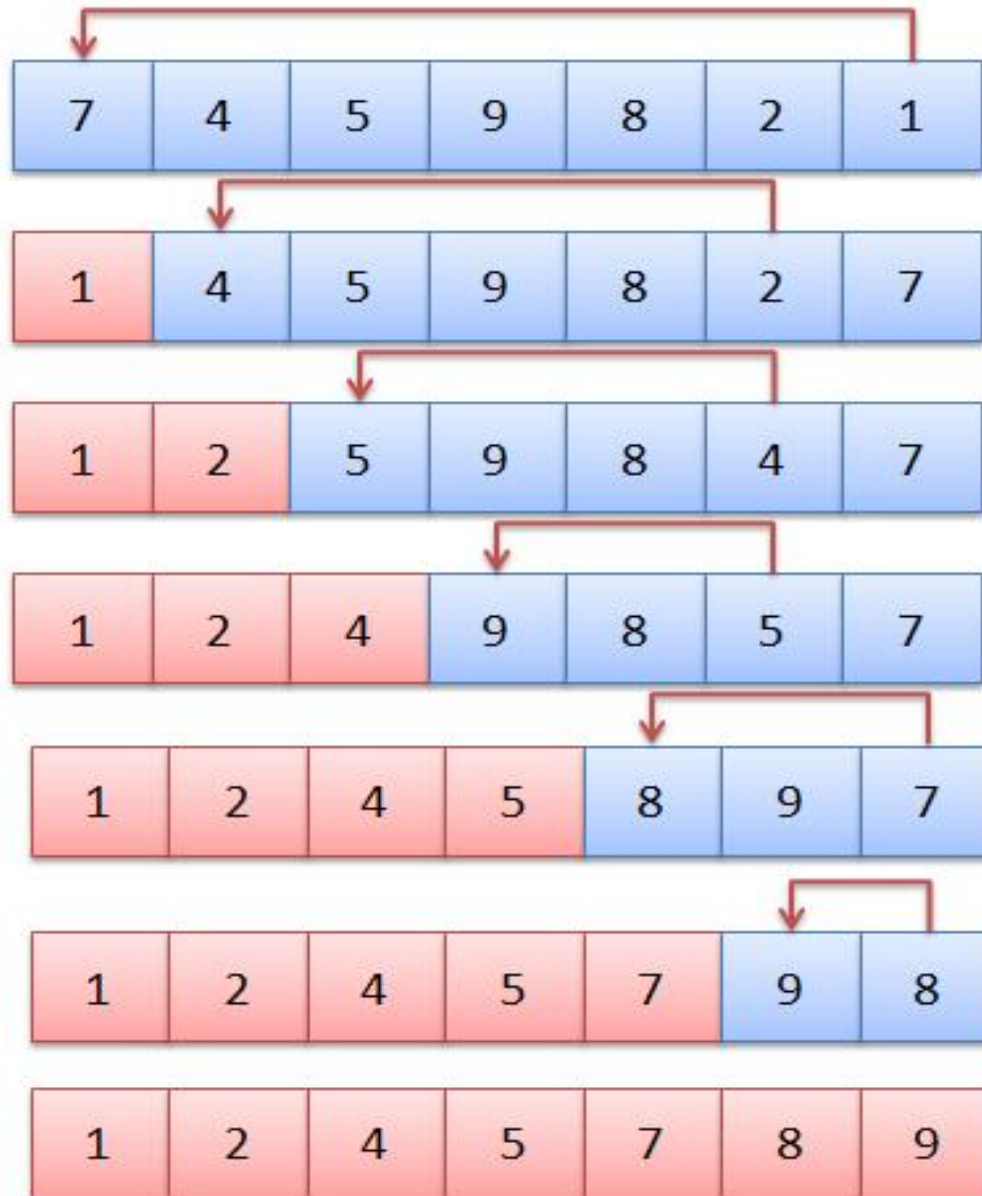
Número de comparações  $T(n)$ :

- No melhor caso:  $T(n) = n-1$
- No pior caso:  $T(n) = ?$



**(2)**  
**Selection Sort:**  
**Algoritmo de ordenação por seleção**

# Selection Sort



# Selection Sort

```
void SelectionSort (int v[], int n) {
    int i, j, iMin, aux;

    for (i=0; i<n-1; i=i+1) {
        iMin = i;

        for (j=i+1; j<n; j=j+1) {
            if (v[iMin]>v[j])
                iMin = j;
        }

        if (iMin!=i) {
            aux      = v[iMin];
            v[iMin] = v[i];
            v[i]     = aux;
        }
    }
}
```

Complexidade computacional: No pior caso?