

Aula 15:

- Métodos simples de busca**
- Métodos simples de ordenação**

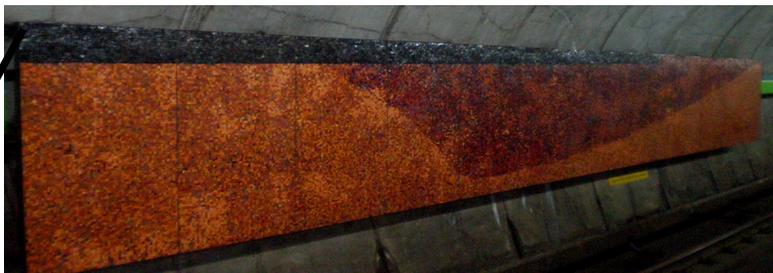
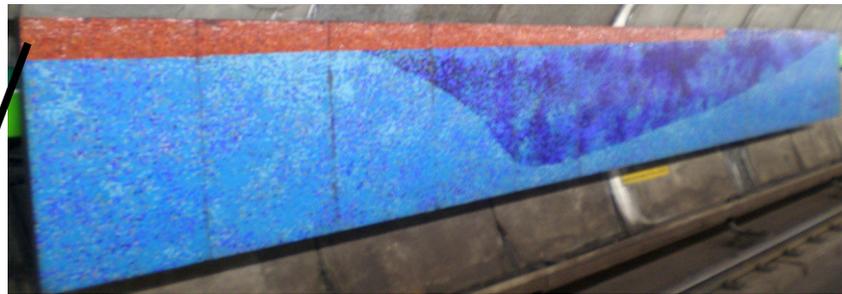
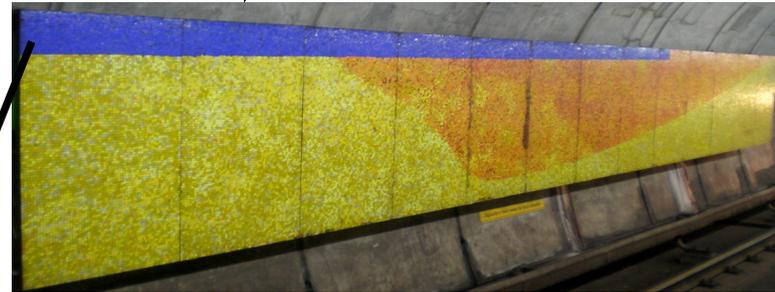
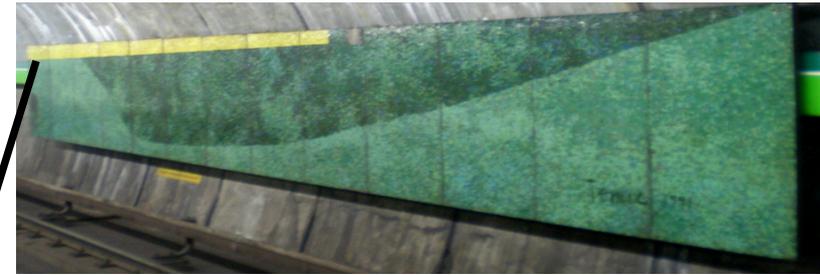
Prof. Jesús P. Mena-Chalco
jesus.mena@ufabc.edu.br

3Q-2017



Listas encadeadas

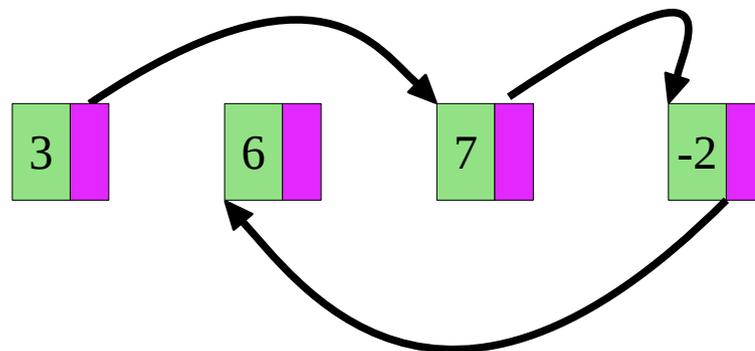
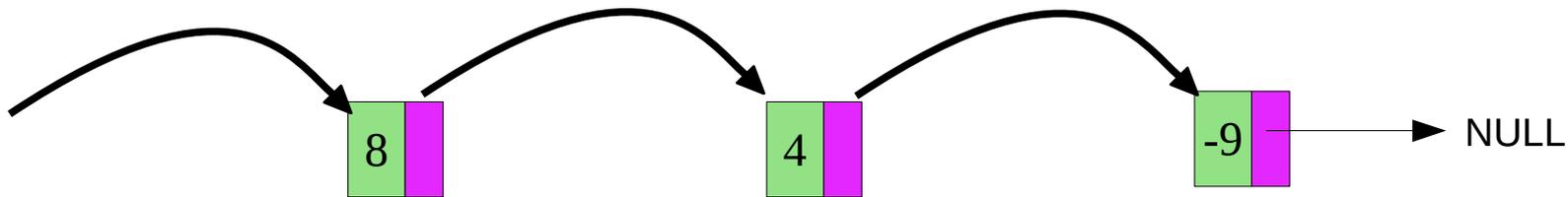
Estação Consolação: “Quatro estações” (1991). Mosaico abstrato feito de pastilhas vitrificadas por Tomie Ohtake



NULL

Exemplos lista encadeada

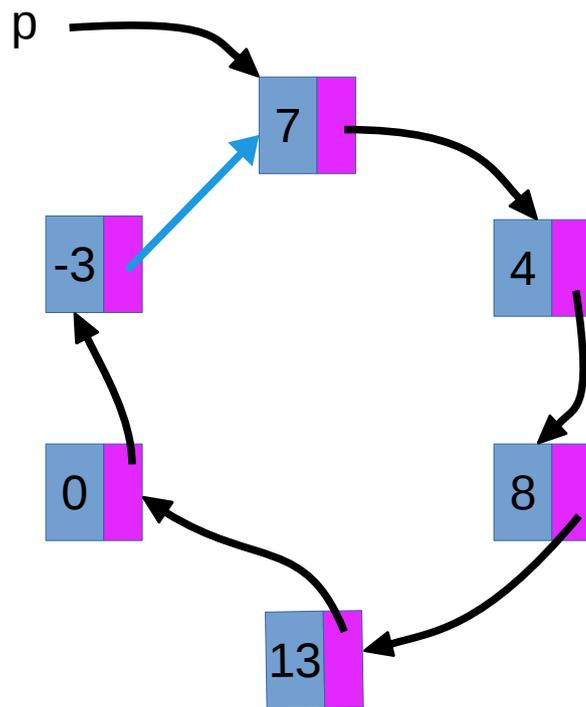
```
struct cel {  
    int conteudo;  
    struct cel *seg;  
};  
  
typedef struct cel celula;
```



No caso da última célula, o endereço é NULL

Outros tipos de listas encadeadas:

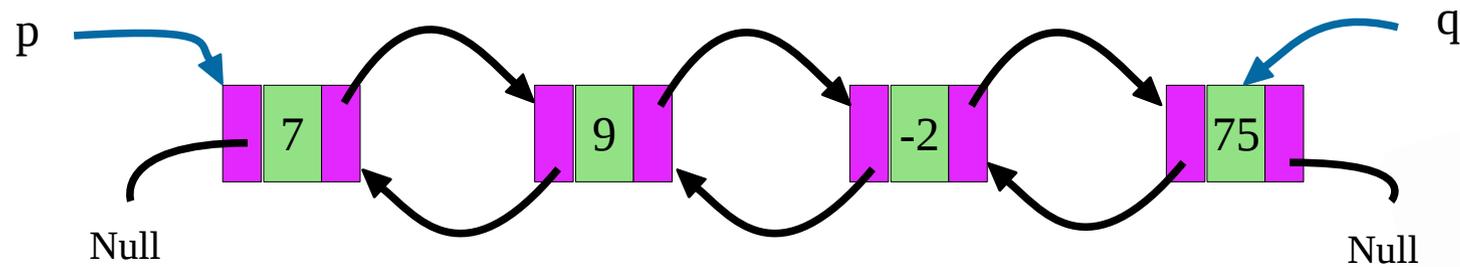
- Lista circular



A última célula aponta para a primeira

Outros tipos de listas encadeadas:

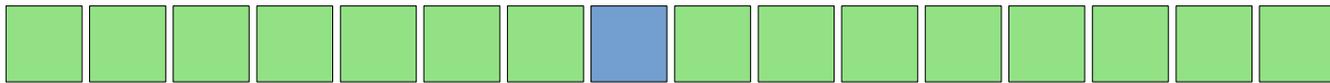
- Lista duplamente encadeada



Cada célula contém o endereço da célula anterior e o da seguinte



Busca de um elemento em um vetor



```
int buscaChave(int chave , int A[], int n) {
    int i;

    for(i=0; i<n; i++) {
        if (chave == A[i])
            return i;
    }
    return -1;
}
```

Busca Linear

```
int buscaChave2(int chave , int A[], int n) {  
    int i;  
    i = n-1;  
  
    while(i >= 0 && A[i] != chave) {  
        i--;  
    }  
    return i;  
}
```

Versão
Elegante!

Busca Linear Recursiva

Crie uma função recursiva para identificar um elemento em um vetor.

Assinatura / Prototipo:

```
int buscaChaveRec (int chave, int A[], int n)
```

Busca Linear Recursiva

```
int buscaChaveRec (int chave, int A[], int n) {
    if (n==0)
        return -1;
    if (chave==A[n-1])
        return n-1;

    return buscaChaveRec(chave, A, n-1);
}

int main(int argc, char *argv[])
```



Busca Binária

Vetor sem ordem

0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15
88	100	44	99	11	22	66	140	33	120	130	200	110	150	55	77

Melhor caso: 1
Pior caso: n

Vetor crescente

0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15
11	22	33	44	55	66	77	88	99	100	110	120	130	140	150	200

Melhor caso: 1
Pior caso: $\log(n)$

Busca Binaria Recursiva

```
int buscaBinariaRec (int chave, int A[], int inf, int sup) {  
    int meio = (inf+sup)/2;  
  
    if (inf>sup)  
        return -1;  
  
    if (chave==A[meio])  
        return meio;  
  
    if (chave<A[meio])  
        return buscaBinariaRec(chave, A, inf, meio-1);  
    else  
        return buscaBinariaRec(chave, A, meio+1, sup);  
}
```

Melhor caso: 1
Pior caso: $\log(n)$

```
buscaBinariaRec(9000000, vetor, 0, n-1) );
```

Vetor
sem
ordem

0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15
88	100	44	99	11	22	66	140	33	120	130	200	110	150	55	77

Melhor caso: 1
Pior caso: n

Chave = 101

0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15
11	22	33	44	55	66	77	88	99	100	110	120	130	140	150	200

Chave = 101

0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15
11	22	33	44	55	66	77	88	99	100	110	120	130	140	150	200

11	22	33	44	55	66	77	88	99	100	110	120	130	140	150	200
----	----	----	----	----	----	----	----	----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----

Inf = 0
Sup = 15

Chave = 101

0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15
11	22	33	44	55	66	77	88	99	100	110	120	130	140	150	200

11	22	33	44	55	66	77	88	99	100	110	120	130	140	150	200
----	----	----	----	----	----	----	----	----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----

Inf = 0
Sup = 15

99	100	110	120	130	140	150	200
----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----

Inf = 8
Sup = 15

Chave = 101

0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15
11	22	33	44	55	66	77	88	99	100	110	120	130	140	150	200

11	22	33	44	55	66	77	88	99	100	110	120	130	140	150	200
----	----	----	----	----	----	----	----	----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----

Inf = 0
Sup = 15

99	100	110	120	130	140	150	200
----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----

Inf = 8
Sup = 15

99	100	110
----	-----	-----

Inf = 8
Sup = 10

Chave = 101

0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15
11	22	33	44	55	66	77	88	99	100	110	120	130	140	150	200

11	22	33	44	55	66	77	88	99	100	110	120	130	140	150	200
----	----	----	----	----	----	----	----	----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----

Inf = 0
Sup = 15

99	100	110	120	130	140	150	200
----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----

Inf = 8
Sup = 15

99	100	110
----	-----	-----

Inf = 8
Sup = 10

110

Inf = 10
Sup = 10

Chave = 101

0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15
11	22	33	44	55	66	77	88	99	100	110	120	130	140	150	200

11	22	33	44	55	66	77	88	99	100	110	120	130	140	150	200
----	----	----	----	----	----	----	----	----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----

Inf = 0
Sup = 15

99	100	110	120	130	140	150	200
----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----

Inf = 8
Sup = 15

99	100	110
----	-----	-----

Inf = 8
Sup = 10

110

Inf = 10
Sup = 10

∅

Inf = 10
Sup = 9

Para pensar... P2?

- A) Se a chave não estiver no vetor, então devolver o índice do elemento mais próximo à chave.
- B) Faça uma função iterativa para a busca binária

Ordenação

- Ordenar corresponde ao **processo de re-arranjar um conjunto de objetos** em ordem ascendente ou descendente.
- **Por que ordenar?**
O objetivo principal da ordenação é **facilitar a recuperação posterior** de itens do conjunto ordenado.
Geralmente considerado no primeiro passo para resolver um problema prático.
- As ordens mais utilizadas são a numérica e lexicográfica.

Show results for

Age Range

- Birth to 24 Months (362,856)
- 2 to 4 Years (1,985,067)
- 5 to 7 Years (362,563)
- 8 to 13 Years (412,082)
- 14 Years & Up (540,479)

Toys & Games

- Action Figures & Statues (864,805)
- Arts & Crafts (136,514)
- Baby & Toddler Toys (200,977)
- Building Toys (48,366)
- Dolls & Accessories (119,524)
- Dress Up & Pretend Play (274,580)
- Electronics for Kids (63,017)
- Games (405,915)
- Grown-Up Toys (513,571)
- Hobbies (450,727)
- Kids' Furniture, Décor & Storage (205,822)
- Learning & Education (110,632)
- Novelty & Gag Toys (127,291)
- Party Supplies (185,666)
- Puppets (51,512)
- Puzzles (723,919)
- Sports & Outdoor Play (123,028)
- Stuffed Animals & Plush Toys (584,298)
- Toy Remote Control & Play Vehicles (160,735)
- Tricycles, Scooters & Wagons (53,253)
- Video Games (13,034)

Refine by

International Shipping

- Ship to Brazil

Featured Characters & Brands

- Magic the Gathering (76,831)
- Yu-Gi-Oh! (74,198)
- Pokemon (48,569)
- Star Wars (35,715)
- Barbie (30,257)
- Hello Kitty (16,918)
- Disney Princess (16,171)
- + See more

Interest

- Animals & Nature (682,287)
- Anime & Manga (24,742)
- Comics (8,060)
- Fantasy & Sci-Fi (228,280)
- Fashion (124,567)



Manley Tekno Best Friend Robot, Sakura

More Choices from \$1,000,000,000,000.00

★☆☆☆☆ • 14



A Really Expensive Rock

More Choices from \$500,000.00

★★★★☆ • 95



Disguise Funky Witch Costume Nose

\$99,996.98

★★★★☆ • 8



Rubies Costumes Inflatable Mallet

\$99,996.75

★★★★★ • 1



Ms. Popeye (Popeye) Plus Size Costume

\$99,996.31



Rubie's Costume Co Green Hornet Mask Costume

More Choices from \$99,996.01



Delta Force Kids Costume

\$99,995.77



1795 Flowing Hair Dollar MS62 NGC

\$91,900.00

Only 1 left in stock - order soon.



BARRACUDA NETWORKS Bma1050a-E3 3 Year Energize Updates For Barracuda Message Archiver 1050

\$88,301.54 ~~\$92,049.00~~



1806 Draped Bust Half Dollar MS65 NGC

\$78,800.00

Only 1 left in stock - order soon.



BARRACUDA NETWORKS Bma1050a-P3 3 Year Premium Support For Barracuda Message Archiver 1050

\$71,961.54 ~~\$75,749.00~~



BARRACUDA NETWORKS Byf1010a-H3 3 Year Instant Replacement For Barracuda Web Filter 1010

\$52,344.05 ~~\$55,099.00~~



CTA DIGITAL - IPAD W/RD/3/2 KIDS EASEL

\$50,000.00



Scotch 1427 Multi-Purpose Scissors - 7" Overall Length - Straight-left/right - Stainless Steel - Red, Silver

\$49,999.98



Graco RoadLazer RoadPak Tow-Behind System - Option 4 - 16N438

\$49,240.00



Princess Modular Play Set

\$47,056.92

★★★★★ • 1

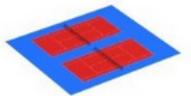


Thomas Modular Play Set

★★★★★ • 1



BARRACUDA NETWORKS Byf1010a-P3 3 Year Premium Support For Barracuda Web Filter 1010



FlexCourt Double Tennis Court 108'x120' - Complete kit

More Choices from \$41,455.00



1802 Draped Bust Two and a half Dollar MS61 NGC

\$36,800.00

Only 1 left in stock - order soon.



Aeronavics SkyJib-8 Ti-QR Professional Multirotor Helicopter

More Choices from \$36,500.00

Por que ordenar?

- **Busca de elementos:**
O usuário geralmente quer os dados ordenados.
- **Deduplicação de elementos:**
Ordenar é muito útil para eliminar duplicações.
- Projeção de objetos em um espaço 3D.
- Criação de uma árvore geradora mínima.
- Ordenar é o primeiro passo para “carregar” os dados em uma estrutura tipo árvore B+.

Algoritmos para ordenar elementos

- Baseado em comparações:
 - Bogo sort
 - Selection sort
 - Insertion sort
 - Bubble sort
 - Mergesort
 - Quicksort
 - Heapsort
- Ordenação em tempo linear:
 - Radix sort
- Ordenação de primeiros elementos (seleção parcial):
 - Partial Quicksort

O problema de ordenar na forma crescente

- Um vetor $v[0..n-1]$ é crescente se $v[0] \leq v[1] \leq \dots \leq v[n-1]$
- O problema de ordenação de um vetor consiste em **rearranjar (ou seja, permutar) os elementos de um vetor $v[0..n-1]$ de tal modo que ele se torne crescente.**
- **Vetores ordenados na forma crescente:**
 - $\{1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1\}$
 - $\{0, 1, 1, 1, 2, 3, 4, 4, 4, 4, 4, 4, 100\}$



Verificar se um vetor $v[0..n-1]$ é crescente

```

int crescente(int v[], int n) {
    int i;

    for (i=0; i<n-1; i=i+1)
        if (v[i]>v[i+1])
            return 0;

    return 1;
}

```

```

int crescente2(int v[], int n) {
    int i=0;

    while(i<n-1 && v[i]<=v[i+1]) {
        i = i+1;
    }

    if (i==n-1)
        return 1;
    else
        return 0;
}

```

Número de comparações $T(n)$:

- No melhor caso: $T(n) = 1$

- No pior caso: $T(n) = n-1$

$T(n) = O(n)$

Crie uma versão recursiva da função crescente

Vetor crescente (recursiva)

```
int crescenteRec(int v[], int n) {
    if (n==1)
        return 1;

    if (v[n-2]<=v[n-1])
        return crescenteRec(v, n-1);
    else
        return 0;
}
```

```
int main()
{
    int v[] = {0, 1, 1, 1, 2, 3, 4, 4, 4, 4, 4, 4, 100};
    int n=sizeof(v)/sizeof(v[0]);

    printf("%d\n", crescenteRec(v, n) );
}
```

Número de comparações $T(n)$:

- No melhor caso: $T(n) = 1$
- No pior caso: $T(n) = n-1$

$T(n) = O(n)$



Embaralhando um vetor

```
#include <time.h>
#include <stdio.h>
#include <stdlib.h>
```

```
void embaralhar(int v[], int n) {
    int i, r, temp;
    srand ( time(NULL) );

    for (i=0; i<n; i=i+1) {
        r = rand()%n;

        temp = v[i];
        v[i] = v[r];
        v[r] = temp;
    }
}
```

Número de trocas de elementos $T(n)$:

- No melhor caso: $T(n) = n$
- No pior caso: $T(n) = n$

$T(n) = O(n)$



(1)

Bogo sort

Miracle sort

Monkey sort

Stupid sort

```
void imprimir(int v[], int n) {
    int i;
    for (i=0; i<n; i=i+1) {
        printf("%d ", v[i] );
    }
    printf("\n");
}
```

```
void bogoSort(int v[], int n) {
    while (crescenteRec(v,n)==0) {
        embaralhar(v,n);
    }
}
```

```
int main()
{
    int v[] = {100,4,999,555,222,3,0,-1};
    int n=sizeof(v)/sizeof(v[0]);

    imprimir(v, n);
    bogoSort(v, n);
    imprimir(v, n);
}
```

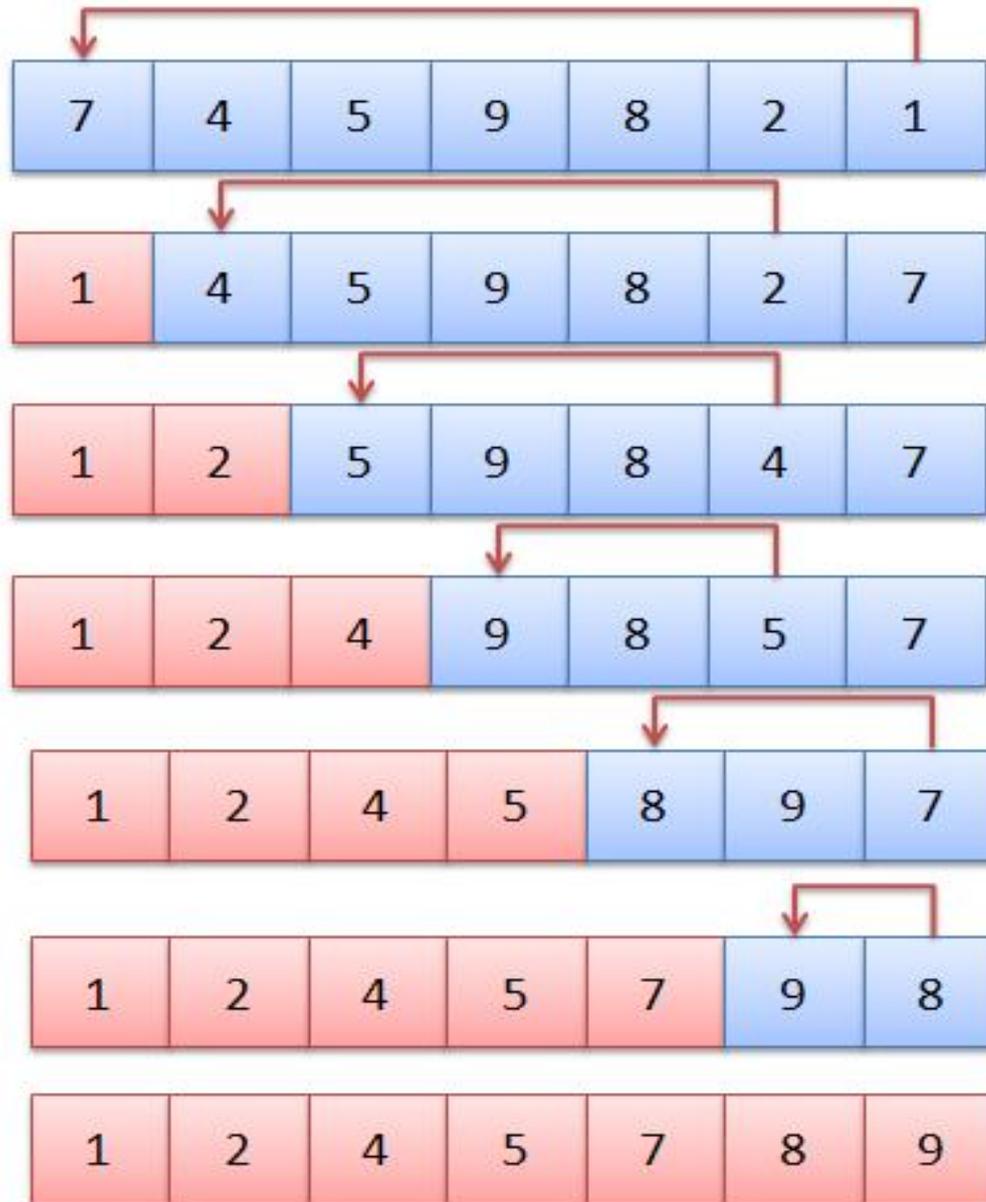
Número de comparações $T(n)$:

- No melhor caso: $T(n) = n-1$
- No pior caso: $T(n) = ?$



(2)
Selection Sort:
Algoritmo de ordenação por seleção

Selection Sort



Selection Sort

```
void SelectionSort (int v[], int n) {  
    int i, j, iMin, aux;  
  
    for (i=0; i<n-1; i=i+1) {  
        iMin = i;  
  
        for (j=i+1; j<n; j=j+1) {  
            if (v[iMin]>v[j])  
                iMin = j;  
        }  
  
        if (iMin!=i) {  
            aux      = v[iMin];  
            v[iMin] = v[i];  
            v[i]    = aux;  
        }  
    }  
}
```

Complexidade computacional: No pior caso?