



Processamento da Informação – Teoria –

Laços

Semana 02
Prof. Jesús P. Mena-Chalco

04/05/2013

Laços (estruturas de repetição)

Usado em situações em que é necessário repetir um determinado trecho de um programa, um determinado número de vezes.

Duas formas:

- Escrever o trecho quantas vezes for necessário, ou
- Utilizar o conceito de Laços.

Laços (for)

Da primeira aula: Mostrar uma sequência de números de 1 até n:

```
def imprimir_sequencia(n):  
    for i in range(1,n+1):  
        print i
```

Laços (for)

Da primeira aula: Mostrar uma sequência de números de 1 até n:

```
def imprimir_sequencia(n):  
    for i in range(1,n+1):  
        print i
```

```
>>> imprimir_sequencia(3)
```

```
1
```

```
2
```

```
3
```

Laços (for)

```
def imprimir_sequencia(n):  
    for i in range(1,n+1):  
        print i
```

```
>>> range(1,4)  
[1, 2, 3]
```

```
>>> range(0,4)  
[0, 1, 2, 3]
```

```
>>> range(10,20)  
[10, 11, 12, 13, 14, 15, 16, 17, 18, 19]
```

Laços (for)

Crie uma função que permita mostrar a sequência de números, no intervalo $[x,y]$, considere $x < y$:

```
def imprimir_intervalo(x,y):  
    for i in range(x,y+1):  
        print i
```

```
>>> imprimir_intervalo(1,3)
```

```
1
```

```
2
```

```
3
```

Laços (for)

Crie uma função que permita mostrar a sequência de números, no intervalo $[x,y]$, considere $x < y$:

```
def imprimir_intervalo(x,y):  
    for i in range(x,y+1):  
        print i
```

```
>>> imprimir_intervalo(-3,3)
```



```
-3  
-2  
-1  
0  
1  
2  
3
```

Laços (for)

Crie uma função que permita somar a sequência de números inteiros, no intervalo $[x,y]$, considere $x < y$:

```
def somar_intervalo(x,y):  
    soma = 0  
    for i in range(x,y+1):  
        soma = soma+i  
    return soma
```


Laços (for)

Crie uma função que permita somar a sequência de números inteiros, no intervalo $[x,y]$, considere $x < y$:

```
def somar_intervalo(x,y):  
    soma = 0  
    for i in range(x,y+1):  
        soma = soma+i  
    return soma
```

```
>>> somar_intervalo(0,4)  
10  
>>> somar_intervalo(-4,4)  
0  
>>> somar_intervalo(10,12)  
33
```

Laços (for)

Crie uma função (com nome somaP), em que dado um inteiro $n > 0$, permita somar a seguinte sequência:

$$1^2 + 2^2 + 3^2 + \dots + n^2$$

Laços (for)

```
def somaP(n):
```

```
    soma = 0
```

```
    for i in range(1,n+1):
```

```
        soma = soma + i**2
```

```
    return soma
```

$$1^2 + 2^2 + 3^2 + \dots + n^2$$

Laços (for)

```
def somaP(n):
```

```
    soma = 0
```

```
    for i in range(1,n+1):
```

```
        soma = soma + i**2
```

```
    return soma
```

$$1^2 + 2^2 + 3^2 + \dots + n^2$$

```
>>> somaP(1)
```

```
1
```

```
>>> somaP(2)
```

```
5
```

```
>>> somaP(3)
```

```
14
```

```
>>> somaP(4)
```

```
30
```

```
>>> somaP(5)
```

```
55
```

Laços (for)

Modifique a função **somaP** em que, além do número **n**, seja utilizado um outro número **k**, de tal forma que o calculo da seguinte somatória seja realizada:

$$1^k + 2^k + 3^k + \dots + n^k$$

Laços (for)

Modifique a função **somaP** em que, além do número **n**, seja utilizado um outro número **k**, de tal forma que o calculo da seguinte somatória seja realizada:

$$1^k + 2^k + 3^k + \dots + n^k$$

```
def somaP(n, k):
```

```
    soma = 0
```

```
    for i in range(1,n+1):
```

```
        soma = soma + i**k
```

```
    return soma
```

Laços (for)

Modifique a função **somaP** em que, além do número **n**, seja utilizado um outro número **k**, de tal forma que o calculo da seguinte somatória seja realizada:

$$k^1 + k^2 + k^3 + \dots + k^n$$

Laços (for)

Modifique a função **somaP** em que, além do número **n**, seja utilizado um outro número **k**, de tal forma que o calculo da seguinte somatória seja realizada:

$$k^1 + k^2 + k^3 + \dots + k^n$$

```
def somaP(n, k):  
    soma = 0  
    for i in range(1,n+1):  
        soma = soma + k**i  
    return soma
```


Laços (for e while)

Mostrar a palavra SPAM **n** vezes:

```
def imprimir_spam(n):  
    for i in range(1, n+1):  
        print "SPAM"
```

```
def imprimir_spam(n):  
    i = 1  
    while i <= n:  
        print "SPAM"  
        i = i+1
```

```
>>> imprimir_spam(7)  
SPAM  
SPAM  
SPAM  
SPAM  
SPAM  
SPAM  
SPAM
```

Laços (for e while)

Mostrar uma sequência de números de 1 até n:

```
def imprimir_sequencia(n):  
    for i in range(1, n+1):  
        print i
```

```
def imprimir_sequencia(n):  
    i = 1  
    while i <= n:  
        print i  
        i = i+1
```

Laços (for e while)

Mostrar uma sequência de números de 1 até n:

```
def imprimir_sequencia(n):  
    for i in range(1, n+1):  
        print i
```

← Cada iteração será executada para a sequência de valores de $i = [1, n]$

```
def imprimir_sequencia(n):  
    i = 1  
    while i <= n:  
        print i  
        i = i+1
```

← Cada iteração será executada para valores de $i \leq n$ (Aqui usa-se uma condição)

Laços (for e while)

Mostrar uma sequência de números **ímpares** de 1 até n:

```
def imprimir_sequencia(n):  
    i = 1  
    while i <= n:  
        print i  
        i = i+2
```

```
>>> imprimir_sequencia(7)  
1  
3  
5  
7
```

Laços (for e while)... do exercício anterior

$$k^1 + k^2 + k^3 + \dots + k^n$$

```
def somaP(n, k):  
    soma = 0  
    for i in range(1,n+1):  
        soma = soma + k**i  
    return soma
```

```
def somaP(n, k):  
    soma = 0  
    i = 1  
    while i <= n:  
        soma = soma + k**i  
        i = i+1  
    return soma
```

Laços (for e while)

Crie uma função em que, dado um inteiro não-negativo n , seja possível determinar $n!$

Laços (for e while)

Crie uma função em que, dado um inteiro não-negativo **n**, seja possível determinar **n!**

def fatorial1(**n**):

 mult = 1

for p **in** range(1,n+1):

 mult = mult*p

return mult

def fatorial2(**n**):

 mult = 1

 p = 1

while p<=n:

 mult = mult*p

 p = p+1

return mult

Laços: Atividade em aula 01

Dizemos que um número natural é *triangular* se ele é produto de três número naturais consecutivos.

Exemplo: 120 é triangular, pois $4*5*6 = 120$.

2730 é triangular, pois $13*14*15 = 2730$.

Dado um inteiro não negativo n , verificar se n é triangular.

Cabeçalho da função: **def** numeroTriangular(n):

Devolve “True” se o número for triangular, caso contrário “False”.

Laços: Atividade em aula 01

```
def numeroTriangular(n):  
    i=3  
    while i<=n:  
        if (i-2)*(i-1)*(i)==n:  
            return True  
        i=i+1  
    return False
```

Laços: Atividade em aula 01

```
def numeroTriangular(n):  
    i=3  
    while i<=n:  
        if (i-2)*(i-1)*(i)==n:  
            return True  
        i=i+1  
    return False
```

```
def numeroTriangular(n):  
    for i in range(3,n+1):  
        if (i-2)*(i-1)*(i)==n:  
            return True  
    return False
```

Laços: Atividade em aula 02

Faça uma função que calcula a soma:

$$1 - \frac{1}{2} + \frac{1}{3} - \frac{1}{4} + \dots + \frac{1}{9999} - \frac{1}{10000}$$

Pelas seguintes maneiras:

- Adição de termos da esquerda para a direita;
- Adição de termos da direita para a esquerda;
- Adição separada dos termos positivos e dos termos negativos da esquerda para a direita;
- Adição separada dos termos positivos e dos termos negativos da direita para a esquerda.

Compare e discuta os resultados obtidos no computador.

Laços: Atividade em aula 02

```
def equacaoE():  
    soma = 0  
    i=1  
    while i<=1000:  
        soma = soma + (1.0/i)*((-1)**(i+1))  
        i=i+1  
    return soma
```

Adição de termos da esquerda para a direita

Laços: Atividade em aula 02

```
def equacaoE():  
    soma = 0  
    i=1000  
    while i>=1:  
        soma = soma + (1.0/i)*((-1)**(i+1))  
        i=i-1  
    return soma
```

Adição de termos da direita para a esquerda

Lista 02: Funções e laços

Questão 1:

Crie uma função que permita somar apenas os números ímpares da sequência de inteiros contida no intervalo $[x,y]$, para $x < y$. O cabeçalho da função deve ser o seguinte:

```
def soma_impares(x,y):
```

Questão 2:

Dado um inteiro positivo n , crie uma função para calcular a seguinte soma:

$$\frac{1}{n} + \frac{2}{n-1} + \frac{3}{n-2} + \dots + \frac{n}{1}$$

Cabeçalho:

```
def soma():
```

Lista 02: Funções e laços

Questão 3:

Faça uma função `arctan` que recebe o número real $x \in [0, 1]$ e devolve uma aproximação do arco tangente de x (em radianos) através da série:

$$\arctan(x) = x - \frac{x^3}{3} + \frac{x^5}{5} - \frac{x^7}{7} + \dots$$

Cabeçalho: `def arctan(x):`

Obs.: Considere somente os 100 primeiros termos da série.

Lista 02: Funções e laços

A entrega da Lista 02 deverá ser realizada através do Tidia-ae.

Seção Atividades/lista-02. Até 10/05 (23h50) – Sexta-feira.

Apenas deve ser enviado um arquivo PDF contendo a solução das questões. O documento deve ter o seguinte nome: RA-SeuNomeCompleto-Lista-02.pdf

O gabarito será apresentado em sala de aula 11/05.