

Processamento da Informação – Teoria –

Listas e Matrizes

Semana 07
Prof. Jesús P. Mena-Chalco

05/06/2013

Função range (cria uma lista)

```
>>> range(1,5)  
[1, 2, 3, 4]
```

```
>>> range(5,10)  
[5, 6, 7, 8, 9]
```

Uma lista que não contém nenhum elemento é chamada de lista vazia.

```
>>> range(10,10)  
[]
```

Concatenação de listas

```
>>> a = [ 1 , 3 , 5]
```

```
>>> b = [ 2 , 4 , 6]
```

```
>>> c = a+b
```

```
>>> print c
```

```
[1, 3, 5, 2, 4, 6]
```

Método `append`

O Python fornece também métodos que operam sobre listas.

Por exemplo, adicionar um novo elemento no final de uma lista

```
>>> t = ['a', 'b', 'c']
```

```
>>> t.append('d')
```

```
>>> print t
```

```
['a', 'b', 'c', 'd']
```

Método del

Existem várias formas de eliminar elementos de uma lista. Usaremos apenas a função **'del'** para essa tarefa.

```
>>> t = ['a', 'b', 'c']
```

```
>>> del(t[1])
```

```
>>> print t
```

```
['a', 'c']
```

Exercício 00

Dadas uma lista numérica **A**, crie uma função que permita imprimir todos seus elementos.

```
def imprimir_lista(A):  
    for i in range(0,len(A)):  
        print A[i]
```

Exercício 00

Dadas uma lista numérica **A**, crie uma função que permita imprimir todos seus elementos.

```
def imprimir_lista(A):  
    for i in range(0,len(A)):  
        print A[i]
```

```
>>> imprimir_lista([5,6,7])  
5  
6  
7
```

Exercício 01

Dadas uma lista numérica, **A** e um escalar **x**, crie uma função que permita determinar o produto $Y = x * A$.

$$A = [1, 3, 5, 7]$$

$$X = 3$$

$$x * A = [3, 9, 15, 21]$$

Cabeçalho: `def multiplica(A,x):`

Exercício 01

```
def multiplica(A,x):
```

```
    B = []
```

```
    for i in range(0,len(A)):
```

```
        B.append(A[i]*x)
```

```
    return B
```

Exercício 01

```
def multiplica(A,x):  
    B = []  
    for i in range(0,len(A)):  
        B.append(A[i]*x)  
    return B
```

```
>>> multiplica([1,3,5,7], 3)  
[3, 9, 15, 21]
```

Exercício 02

Dadas duas listas numéricas, **A** e **B**, crie uma função que permita determinar o **produto interno** dessas listas.

$$\mathbf{A} = [2, 1, 7]$$

$$\mathbf{B} = [4, 5, 2]$$

$$\mathbf{A} \cdot \mathbf{B} = 27 = 8 + 5 + 14$$

Cabeçalho: `def produto_interno(A,B):`

Exercício 02

```
def produto_interno(A,B):  
    soma = 0  
    if len(A)==len(B):  
        for i in range(0,len(A)):  
            soma = soma + A[i]*B[i]  
        return soma  
    print 'Listas de comprimento diferente'
```

Exercício 02

```
def produto_interno(A,B):  
    soma = 0  
    if len(A)==len(B):  
        for i in range(0,len(A)):  
            soma = soma + A[i]*B[i]  
        return soma  
    print 'Listas de comprimento diferente'
```

```
>>> produto_interno([2,1,7], [4,5,2])  
27
```

Listas aninhadas

[[12], ['a', 'e', 'i', 'o', 'u'], [3.1, 2.7]]

Lista de listas

Listas aninhadas

```
>>> M = [ [1, 0, 0], [0, 1, 0], [0, 0, 1] ]
```

```
>>> print M
```

```
[[1, 0, 0], [0, 1, 0], [0, 0, 1]]
```

A representação seria a seguinte:

```
[ [1, 0, 0],  
  [0, 1, 0],  
  [0, 0, 1] ]
```

← Lista de linhas

Matrizes

As listas aninhada são comumente utilizadas para **representar matrizes**.

A matriz

$$\begin{bmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 4 & 5 & 6 \\ 7 & 8 & 9 \end{bmatrix}$$

pode ser representada por:

```
[ [1, 2, 3], [4, 5, 6], [7, 8, 9] ]
```

Matrizes

$$\begin{bmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 4 & 5 & 6 \\ 7 & 8 & 9 \end{bmatrix}$$

```
>>> M = [ [1, 2, 3], [4, 5, 6], [7, 8, 9] ]
```

```
>>> M[1]  
[4, 5, 6]
```

← Seleção de uma linha

```
>>> M[1][1]  
5
```

← Seleção de um elemento

Matrizes

$$\begin{bmatrix} 6 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 7 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 8 & 0 \end{bmatrix}$$

```
>>> P = [ [6, 0, 0, 0], [0, 7, 0, 0], [0, 0, 8, 0] ]
```

```
>>> P[2]          ← Seleção de uma linha  
[0, 0, 8, 0]
```

```
>>> P[2][2]      ← Seleção de um elemento  
8
```

Matrizes

$$\begin{bmatrix} 6 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 7 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 8 & 0 \end{bmatrix}$$

```
>>> P = [ [6, 0, 0, 0], [0, 7, 0, 0], [0, 0, 8, 0] ]
```

```
>>> len(P)
```

3

← Número de linhas

```
>>> len(P[0])
```

4

← Número de colunas

Exercício 00

Dada uma matriz **A**, crie uma função que permita verificar se a matriz é quadrada.

Cabeçalho: **def** matriz_quadrada(**A**):

Exercício 00

```
def matriz_quadrada(A):  
    if len(A)==len(A[0]):  
        return true  
    else:  
        return false
```

Exercício 00

```
def matriz_quadrada(A):  
    if len(A)==len(A[0]):  
        return true  
    else:  
        return false
```

```
>>> M = [ [1, 2, 3], [4, 5, 6], [7, 8, 9] ]  
>>> matriz_quadrada(M)  
1
```

Exercício 00

```
def matriz_quadrada(A):  
    if len(A)==len(A[0]):  
        return true  
    else:  
        return false
```

```
>>> P = [ [6, 0, 0, 0], [0, 7, 0, 0], [0, 0, 8, 0] ]  
>>> matriz_quadrada(P)  
0
```

O que faz o seguinte algoritmo?

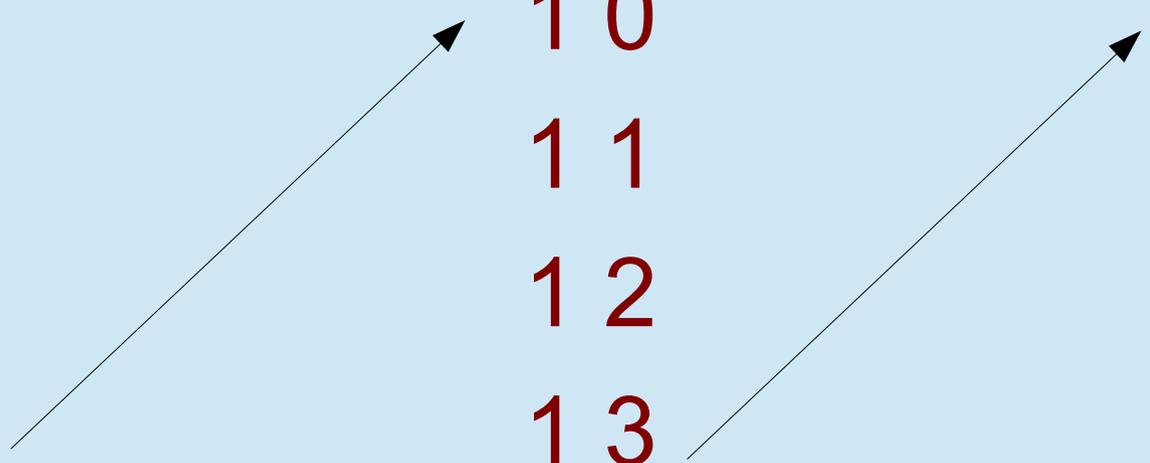
```
for i in range(0,3):  
    for j in range(0,4):  
        print i, j
```

O que faz o seguinte algoritmo?

```
for i in range(0,3):  
    for j in range(0,4):  
        print i, j
```

Imprime a seguinte sequência:

0 0	1 0	2 0
0 1	1 1	2 1
0 2	1 2	2 2
0 3	1 3	2 3



Exercício 01

Dada uma matriz quadrada **A**, crie uma função que permita **contar o número de zeros** contidos na matriz.

Cabeçalho: **def conta_zeros(A):**

$$\begin{bmatrix} 6 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 7 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 8 & 0 \end{bmatrix}$$

Número de zeros = 9

Exercício 01

```
def conta_zeros(A):  
    contador = 0  
    for i in range(0,len(A)):  
        for j in range(0,len(A[0])):  
            if A[i][j]==0:  
                contador = contador+1  
    return contador
```

Exercício 01

```
def conta_zeros(A):  
    contador = 0  
    for i in range(0,len(A)):  
        for j in range(0,len(A[0])):  
            if A[i][j]==0:  
                contador = contador+1  
    return contador
```

```
>>> P = [ [6, 0, 0, 0], [0, 7, 0, 0], [0, 0, 8, 0] ]  
>>> conta_zeros(P)  
9
```

Exercício 02

Dada uma matriz quadrada **A**, crie uma função que permita **contar o número de elementos não nulos** contidos na matriz.

Cabeçalho: **def conta_nao_nulos(A):**

$$\begin{bmatrix} 6 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 7 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 8 & 0 \end{bmatrix}$$

Número de não nulos = 3

Exercício 02

```
def conta_nao_nulos(A):  
    contador = 0  
    for i in range(0,len(A)):  
        for j in range(0,len(A[0])):  
            if A[i][j]!=0:  
                contador = contador+1  
    return contador
```

Exercício 02

```
def conta_nao_nulos(A):  
    contador = 0  
    for i in range(0,len(A)):  
        for j in range(0,len(A[0])):  
            if A[i][j]!=0:  
                contador = contador+1  
    return contador
```

```
>>> P = [ [6, 0, 0, 0], [0, 7, 0, 0], [0, 0, 8, 0] ]  
>>> conta_nao_nulos(P)  
3
```

Exercício 03

Dada uma matriz **A**, crie uma função que determine a **somatória de todos os números presentes na diagonal principal** da matriz.

Cabeçalho: **def soma_diagonal(A):**

$$\begin{bmatrix} 6 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 7 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 8 & 0 \end{bmatrix}$$

Somatória da diagonal = 21

Exercício 03

```
def soma_diagonal(A):  
    soma = 0  
    for i in range(0, len(A)):  
        for j in range(0, len(A[0])):  
            if i==j:  
                soma = soma + A[i][j]  
    return soma
```

Exercício 03

```
def soma_diagonal(A):  
    soma = 0  
    for i in range(0,len(A)):  
        for j in range(0,len(A[0])):  
            if i==j:  
                soma = soma + A[i][j]  
    return soma
```

```
>>> P = [ [6, 0, 0, 0], [0, 7, 0, 0], [0, 0, 8, 0] ]
```

```
>>> soma_diagonal(P)
```

```
21
```

Exercício 04

Dada uma matriz quadrada **A**, crie uma função que permita verificar se a matriz é **identidade**.

Cabeçalho: **def** matriz_identidade(**A**):

$$\begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$

Exercício 04

```
def matriz_identidade(A):  
    for i in range(0,len(A)):  
        for j in range(0,len(A[0])):  
            if i==j and A[i][j]!=1:  
                return False  
            if i!=j and A[i][j]!=0:  
                return False  
return True
```

Exercício 04

```
def matriz_identidade(A):  
    for i in range(0,len(A)):  
        for j in range(0,len(A[0])):  
            if i==j and A[i][j]!=1:  
                return False  
            if i!=j and A[i][j]!=0:  
                return False  
    return True
```

```
>>> matriz_identidade([[1,0], [0,1]])
```

```
1
```

Exercício 04

```
def matriz_identidade(A):  
    for i in range(0,len(A)):  
        for j in range(0,len(A[0])):  
            if i==j and A[i][j]!=1:  
                return False  
            if i!=j and A[i][j]!=0:  
                return False  
return True
```

```
>>> matriz_identidade([[1,0,0], [0,1,0], [0,0,1]])
```

```
1
```

Exercício 04

```
def matriz_identidade(A):  
    for i in range(0,len(A)):  
        for j in range(0,len(A[0])):  
            if i==j and A[i][j]!=1:  
                return False  
            if i!=j and A[i][j]!=0:  
                return False  
    return True
```

```
>>> matriz_identidade([[1,0,0], [0,1,0], [0,0,0]])  
0
```

Exercício 05 (casa)

Dada uma matriz quadrada **A**, crie uma função que permita verificar se a matriz é **simétrica**.

Cabeçalho: **def** matriz_simétrica(**A**):

$$\begin{bmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 \\ 2 & 5 & 6 & 7 \\ 3 & 6 & 8 & 9 \\ 4 & 7 & 9 & 10 \end{bmatrix}$$