

**Universidade Federal do ABC**  
**CMCC/UFABC**  
**1<sup>a</sup> SUBSTITUTIVA - BM**  
**26-09-16**

**Nome:** \_\_\_\_\_

**RA:** \_\_\_\_\_

**TURMA:** \_\_\_\_\_

**1)** Calcule os limites:

a) (2,0)  $\lim_{x \rightarrow 0^+} \frac{\operatorname{sen}(\sqrt{\frac{1}{x}} + 3) - \sqrt{\frac{1}{x}} + 2}{\sqrt{\frac{1}{x}} + 3 - \sqrt{\frac{1}{x}} + 2}$

b) (1,0)  $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sqrt[3]{x^6 + 5x^3}}{x}$ .

c) (1,0)  $\lim_{x \rightarrow 1} \frac{x^2 - 5x + 6}{x^5 - x^2}$

**2)** Considere a função  $f : (0, 4) \rightarrow \mathbb{R}$  dada por :

$$f(x) = \begin{cases} b \frac{\sqrt[3]{x+7}-1}{\sqrt{x+8}-1} & \text{se } 0 < x < 1, \\ 3a - 2, & \text{se } x = 1, \\ \frac{\operatorname{sen}(ax-a)}{\operatorname{sen}(2x-2)}, & \text{se } x > 1. \end{cases}$$

a) (1,0) Calcule o limite lateral  $\lim_{x \rightarrow 1^+} f(x)$ .

b) (1,0) Calcule o limite lateral  $\lim_{x \rightarrow 1^-} f(x)$ .

c) (1,0) Determine  $a$  e  $b$  de forma que  $f$  seja contínua em  $x = 1$ . Justifique sua resposta.

**3)** (2,0) Mostre por indução finita que para todo número natural  $n$ ,  $11^n - 1$  é divisível por 2 e por 5.

**4)** (3,0) Sejam  $a$  e  $b$  números reais não nulos tais que  $1 < \frac{a}{b} + r$  e  $\frac{a}{b} - r < 1$  para todo  $r$  positivo. Mostre que  $a = b$ .

Boa Prova!!!